

THEORIE DES NOMBRES
BESANCON

Années 1981-1982
et 1982-1983

CALCULS NUMERIQUES DANS LES EXTENSIONS DE \mathbb{Q} ,
CYCLIQUES, DE DEGRE 5

Colette PARIS

Calculs numériques dans les extensions de \mathbb{Q} ,
cycliques, de degré 5

Par Colette PARIS

Introduction :

Dans un précédent travail ([3]), j'ai étudié la représentation par des bases sur \mathbb{Z} des idéaux primaires canoniques d'une extension K de \mathbb{Q} , cyclique, de degré premier impair quelconque ℓ . Cette représentation est obtenue, théoriquement, par la construction des approximations p -adiques des racines dans \mathbb{Q}_p d'un polynôme fondamental f de K . Et je me suis intéressée, plus particulièrement, au cas $\ell = 5$, qui se prête à une exploitation numérique (le cas $\ell = 3$ avait été étudié auparavant ([1] et [2])).

Soit K un corps cyclique, de degré 5, de discriminant $D_K = (5^{2(1-s)} m)^4$ ($s = 1$ ou 0 suivant que K est unitaire ou ne l'est pas ; $m = p_1 \times \dots \times p_n$, les p_i étant des nombres premiers deux à deux distincts et $p_i \equiv 1 \pmod{5}$, $1 \leq i \leq n$). Je note :

θ : un entier de trace s ,

f : le polynôme minimal de θ sur \mathbb{Q} (polynôme fondamental de K),

$D(\theta)$: le discriminant du polynôme f ,

$I(\theta)$: l'indice de θ donné par $I(\theta) = \sqrt[D(\theta)]{D_K}$

Soient θ_i , $1 \leq i \leq 5$, les racines du polynôme f (numérotées de façon convenable) ; pour tout entier h , $1 \leq h \leq 4$, il existe un entier naturel d_h , divisant $I(\theta)$ et un polynôme g_h , $g_h \in \mathbb{Z}[X]$, tel que :

$$d_h \theta_{i+h} = g_h(\theta_i) \quad (i+h, \text{ modulo } 5).$$

Pour construire effectivement les approximations p -adiques des racines de f dans \mathbb{Q}_p , nous devons, en particulier, connaître explicitement le polynôme f , l'indice $I(\theta)$, les entiers d_h et les polynômes g_h . Nous avons calculé tous ces éléments, à partir d'un entier α de $\mathbb{Q}^{(5)}$, de norme $N(\alpha) = m$ pour les valeurs suivantes de m :

$m < 10000$ et $m = 11 \times 31 \times 41$, pour les corps unitaires

$m < 2000$, pour les corps non unitaires.

I - GENERALITES :

1. Notations :

Les notations, qui sont les mêmes que celle utilisées dans [3], sont les suivantes :

$$\begin{aligned}\epsilon &: \text{racine primitive } 5^{\text{ème}} \text{ de l'unité} \\ \mathbb{Q}^{(5)} &: \text{corps cyclotomique engendré par } \epsilon.\end{aligned}$$

En choisissant 2 comme générateur du groupe multiplicatif $(\mathbb{Z}/5\mathbb{Z})^*$, on a : $\text{Gal}(\mathbb{Q}^{(5)}/\mathbb{Q}) = \langle \tau \rangle$ avec $\tau^i(\epsilon^k) = \epsilon^{2^i k}$, $1 \leq i \leq 4$, $2^i k$ modulo 5. Pour tout $\alpha, \alpha \in \mathbb{Q}^{(5)}$, on pose $\tau^i(\alpha) = \alpha_j$, $1 \leq j \leq 4$, $j \equiv 2^i \pmod{5}$. Il en résulte, pour tout j , $1 \leq j \leq 4$, $\tau(\alpha_j) = \alpha_{2j}$, $\tau^2(\alpha_j) = \alpha_{4j}$, $\tau^3(\alpha_j) = \alpha_{3j}$, $\tau^4(\alpha_j) = \alpha_j$ ($ij \pmod{5}$, et $ij \in \{1, 2, 3, 4\}$).

K : extension cyclique de \mathbb{Q} , de degré 5

G : $\text{Gal}(K/\mathbb{Q}) = \langle \sigma \rangle$. Pour tout $\lambda, \lambda \in K$, on note λ_i , $1 \leq i \leq 5$, le conjugué $\sigma^i(\lambda)$ de λ . Les conjugués θ_i d'un élément θ de K sont alors numérotés de façon que $\sigma^h(\theta_i) = \theta_{i+h}$, $1 \leq i \leq 5$ et $i+h$ modulo 5.

2. Rappels ([3] et [4]) :

a) Polynôme fondamental de K et base des entiers

Le corps K est construit à partir d'un entier α de $\mathbb{Q}^{(5)}$ de norme $m = N(\alpha)$ tel que $m = \prod_{i=1}^n p_i$, les p_i étant des nombres premiers deux à deux distincts et $p_i \equiv 1 \pmod{5}$, $1 \leq i \leq n$.

Dans la base $(\epsilon, \epsilon^2, \epsilon^3, \epsilon^4)$ des entiers de $\mathbb{Q}^{(5)}$, on a :

$$\begin{aligned}\alpha_1 &= \tau^4(\alpha) = a\epsilon + b\epsilon^2 + c\epsilon^3 + d\epsilon^4 \quad (= \alpha, \tau^4 = \text{id}) \\ \alpha_2 &= \tau(\alpha) = c\epsilon + a\epsilon^2 + d\epsilon^3 + b\epsilon^4 \\ \alpha_3 &= \tau^3(\alpha) = b\epsilon + d\epsilon^2 + a\epsilon^3 + c\epsilon^4 \\ \alpha_4 &= \tau^2(\alpha) = d\epsilon + c\epsilon^2 + b\epsilon^3 + a\epsilon^4\end{aligned}$$

L'entier $m = N(\alpha)$ se calcule alors en fonction des entiers a, b, c, d . On obtient :

$$\begin{aligned}m &= (a^2 + b^2 + c^2 + d^2)^2 - (ab + bc + cd)^2 - (ac + bd + da)^2 \\ &\quad - (a^2 + b^2 + c^2 + d^2)(ab + bc + cd + ac + bd + da) \\ &\quad + 3(ab + bc + cd)(ac + bd + da).\end{aligned}$$

On choisit pour polynôme fondamental de K le polynôme f de $\mathbb{Z}[X]$ défini par :

$$5^5 f(X) = (5X - s)^5 - 10m \times 5^{2(1-s)} (5X - s)^3 - 5m \times 5^{3(1-s)} \sum_{i=1}^{i=4} \alpha_{2i} \alpha_{4i} (5X - s)^2 \\ + 5m \times 5^{4(1-s)} [m - \sum_{i=1}^{i=4} \alpha_i \alpha_{2i}^4 \alpha_{4i}] (5X - s) - 5^{5(1-s)} m \sum_{i=1}^{i=4} \alpha_{2i}^2 \alpha_{3i} \alpha_{4i}^3$$

On a : $s = 1$ (resp. $s = 0$) si $\alpha_j \alpha_{2j}^3 \alpha_{3j}^2 \alpha_{4j}^4 \equiv 1 \pmod{5}$, $1 \leq j \leq 4$, ($i \not\equiv j \pmod{5}$)
 (resp. ϵ^h , ($\pmod{5}$), $h \not\equiv 0$, ($\pmod{5}$)).

Dans le premier cas, le corps K est unitaire et les cinq racines de f forment une base des entiers de K .

Dans le second cas, K n'est pas unitaire et quatre des racines de f forment avec 1 une base des entiers. Dans les deux cas on choisit une base de la forme $\{1, \theta_i, \theta_{i+1}, \theta_{i+2}, \theta_{i+3}\}$ ($1 \leq i \leq 5$, $i+j \pmod{5}$).

Les entiers rationnels $u = \sum_{i=1}^{i=4} \alpha_{2i} \alpha_{4i}$, $v = \sum_{i=1}^{i=4} \alpha_i \alpha_{2i}^2 \alpha_{4i}$ et $w = \sum_{i=1}^{i=4} \alpha_{2i}^2 \alpha_{3i} \alpha_{4i}^3$

se calculent en fonction des composantes (a, b, c, d) de α dans la base $(\epsilon, \epsilon^2, \epsilon^3, \epsilon^4)$ de $\mathbb{Q}^{(5)}$ et le polynôme f se met sous la forme :

$$f(X) = X^5 - sX^4 + AX^3 + BX^2 + CX + D, \quad A, B, C, D \in \mathbb{Z}$$

$$\text{avec, } \underline{\text{si } s=1}, \quad A = \frac{2(1-m)}{5}, \quad B = \frac{-2+m(6-u)}{5^2},$$

$$C = \frac{1+2(u-3)m+m(m-v)}{5^3}, \quad D = \frac{-1-5m(m+u-v)+m(10-w)}{5^5}$$

$$\underline{\text{si } s=0}, \quad A = -10m, \quad B = -5mu, \quad C = 5m(m-v), \quad D = -mw$$

Remarque : Si on remplace α , soit par $-\alpha$, soit par un de ses conjugués, on obtient le même corps K et le polynôme f reste inchangé, mais le remplacement de α par un conjugué change l'ordre des racines θ_i de f .

b) Calcul de $I(\theta)$

Le discriminant D_K du corps est : $D_K = M^4$, où $M = 5^{2(1-s)} m$.

Le discriminant du polynôme f est $D(\theta) = D_5^2$, où D_5 est le déterminant de

Vandermonde d'ordre 5 : $D_5 = \prod_{\substack{1 \leq i < j \leq 5 \\ i=5}} (\theta_j - \theta_i)$. En explicitant D_5 , on obtient : $D_5 = -M_1 \times M_2$, avec : $M_1 = \prod_{i=1}^5 (\theta_{i+1} - \theta_i) = N(\sigma(\theta) - \theta)$, $M_2 = \prod_{i=1}^5 (\theta_{i+2} - \theta_i) = N(\sigma^2(\theta) - \theta)$.

De plus, $M_1 \equiv 0 \pmod{M}$, d'où, en posant $|M_j| = M m_j$, $j = 1, 2$, on

$$\text{obtient : } I(\theta) = \sqrt{|D(\theta)|} : |D_K| = m_1 \times m_2 .$$

Il n'est pas indispensable de connaître $D(\theta)$ pour calculer $I(\theta)$. En effet, m_1 et m_2 sont donnés par les expressions suivantes :

$$5^{1+3s} m_1 = |(\epsilon^4 - 2\epsilon^3 + 2\epsilon^2 - \epsilon)(\alpha_2^2 \alpha_3 \alpha_4^3 - \alpha_1^3 \alpha_2 \alpha_3^2) + (\epsilon^4 + \epsilon^3 - \epsilon^2 - 2\epsilon)(\alpha_1 \alpha_3^3 \alpha_4^2 - \alpha_1^2 \alpha_2^3 \alpha_4) + 5m[(\epsilon^3 - \epsilon^2)(\alpha_2 \alpha_4 - \alpha_1 \alpha_3) + (\epsilon^4 - \epsilon)(\alpha_1 \alpha_2 - \alpha_3 \alpha_4)]|$$

$$5^{1+3s} m_2 = |(\epsilon^4 - 2\epsilon^3 + 2\epsilon^2 - \epsilon)(\alpha_1^2 \alpha_2^3 \alpha_4 - \alpha_1 \alpha_3^3 \alpha_4^2) + (\epsilon^4 + \epsilon^3 - \epsilon^2 - 2\epsilon)(\alpha_2^2 \alpha_3 \alpha_4^3 - \alpha_1^3 \alpha_2 \alpha_3^2) + 5m[(\epsilon^3 - \epsilon^2)(\alpha_1 \alpha_2 - \alpha_3 \alpha_4) + (\epsilon^4 - \epsilon)(\alpha_1 \alpha_3 - \alpha_2 \alpha_4)]| .$$

Ces deux entiers rationnels se calculent en fonction des composantes (a, b, c, d) de α dans la base $(\epsilon, \epsilon^2, \epsilon^3, \epsilon^4)$ de \mathbb{Q} .

Remarque : Pour $1 \leq i \leq 3$, en calculant $\tau^i(\alpha_2^2 \alpha_3 \alpha_4^3 - \alpha_1^3 \alpha_2 \alpha_3^2)$, $\tau^i(\alpha_1 \alpha_3^3 \alpha_4^2 - \alpha_1^2 \alpha_2^3 \alpha_4)$, $\tau^i(\alpha_1 \alpha_2 - \alpha_3 \alpha_4)$ et $\tau^i(\alpha_1 \alpha_3 - \alpha_2 \alpha_4)$, on constate que m_1 et m_2 sont invariants, si pour engendrer le corps K , on remplace α par son conjugué $\alpha_4 = \tau^2(\alpha)$, tandis que m_1 et m_2 s'échangent si on remplace α , soit $\alpha_2 = \tau(\alpha)$, soit par $\alpha_3 = \tau^3(\alpha)$.

c) Les polynômes g_h

En utilisant les formules donnant les carrés et les produits deux à deux des éléments d'une base d'entiers ([4]), on exprime $\theta_i^2, \theta_i^3, \theta_i^4$ (i fixé, $1 \leq i \leq 5$) dans la base $(1, \theta_i, \theta_{i+1}, \theta_{i+2}, \theta_{i+3})$, ($1 \leq i \leq 5$, $i+h$ modulo 5).

On en déduit un système de trois équations à trois inconnues $\theta_{i+1}, \theta_{i+2}, \theta_{i+3}$, dont le déterminant est $I(\theta)$. En résolvant ce système par les formules de Cramer, on obtient :

$$I(\theta) \theta_{i+h} = G_h(\theta_i) \quad 1 \leq h \leq 3$$

avec $G_h \in \mathbb{Z}[X]$ et G_h de degré inférieur ou égal à 4.

Compte tenu de : $\theta_{i+4}^3 = s - \theta_i - \sum_{h=1}^3 \theta_{i+h}$, on a aussi :

$$I(\theta) \theta_{i+4} = G_4(\theta_i).$$

Enfin, par simplification éventuelle par le p. g. c. d. de $I(\theta)$ et des coefficients des polynômes G_h , il en résulte les formules :

$$d_h \theta_{i+h} = g_h(\theta_i)$$

($1 \leq h \leq 4$, $1 \leq i \leq 5$, $i+h$, modulo 5).

Remarque : Les polynômes g_h sont permutés lorsqu'on remplace α par un des conjugués $\tau^i(\alpha)$ ($1 \leq i \leq 3$).

II - TABLES NUMERIQUES :

Les calculs ont été effectués sur l'ordinateur IRIS 50 du Centre de Calcul de l'Université de Franche-Comté.

Dans ce mémoire, nous nous limitons aux valeurs de m suivantes :

- dans le cas des corps unitaires

* $m < 5000$ (avec m premier ou m produit de deux nombres premiers)

* $m = 11 \times 31 \times 41$

- dans le cas des corps non unitaires

$m < 1000$.

a) Tables I et I'

Ces tables concernent les corps unitaires de discriminant m^4 .

Nous trouvons dans la première partie de la table I, tous les corps primaires unitaires, de discriminant p^4 , où p est un nombre premier, (< 5000) et $p \equiv 1 \pmod{5}$.

Nous savons que si p est un nombre premier donné, il y a un seul corps primaire unitaire de discriminant p^4 ([4]) ; (il y a 163 corps unitaires primaires avec $p < 5000$).

Pour chaque valeur de $m=p$, indiquée en première colonne, nous donnons en seconde colonne l'entier α de $\mathbb{Q}^{(5)}$, de norme p , choisi pour engendrer K .

Cet entier $\alpha = a\epsilon + b\epsilon^2 + c\epsilon^3 + d\epsilon^4$, qui est tel que $\alpha_1 \alpha_2^3 \alpha_3^2 \alpha_4^4 \equiv 1 \pmod{5}$ pour les corps unitaires, est noté (a, b, c, d) . Dans les colonnes suivantes, nous donnons les coefficients des termes en $\epsilon^4, \epsilon^3, \epsilon^2, \epsilon$ et le terme constant (coefficients de 1) respectivement, en première ligne, du polynôme fondamental f (polynôme unitaire de degré 5, indiqué p. 3) et, en lignes suivantes, des polynômes g_1, g_2, g_3, g_4 (dans cet ordre). Enfin, en dernière colonne, les trois lignes indiquent respectivement les valeurs de $I(\theta)$ et de chacun des facteurs m_1 et m_2 avec leur décomposition en nombres premiers, lorsque ces deux entiers ne sont pas premiers.

La seconde partie de la table est consacrée aux corps unitaires non primaires, de discriminant m^4 , avec $m = p_1 \times p_2$ ($m < 5000$, p_1 et p_2 étant des nombres premiers différents, congrus, chacun, à 1 modulo 5). Si p_1 et p_2 sont donnés, il y a 4 corps unitaires de discriminant $(p_1 \times p_2)^4$ ([4]) ; il y a 116 corps unitaires non primaires tels que $m = p_1 p_2 < 5000$.

Nous avons numéroté ces quatre corps de la façon suivante : si $\alpha^{(1)}$ (resp. $\alpha^{(2)}$) désigne l'entier de $\mathbb{Q}^{(5)}$, choisi pour engendrer le corps primaire de discriminant p_1^4 (resp. p_2^4) et indiqué dans la première partie de la table I, alors le corps de discriminant $(p_1 p_2)^4$, noté (i), $1 \leq i \leq 4$, est construit avec $\alpha = (a, b, c, d) = \pm \alpha^{(1)} \alpha_i^{(2)}$, le signe étant choisi de façon que :

- si $a \neq 0$, on ait $a > 0$
- si $a = 0$, $b \neq 0$, on ait $b > 0$
- si $a = b = 0$, on ait $c > 0$.

Nous terminons la table I en indiquant les 16 corps unitaires de discriminant m^4 , avec $m = 13981 = 11 \times 31 \times 41$.

Pour ces corps, nous avons $\alpha = (a, b, c, d) = \pm \alpha^{(j)} \alpha_i^{(2)}$, $1 \leq j \leq 4$, $1 \leq i \leq 4$, avec : $\alpha^{(2)} = (0, 1, 2, 3)$, entier de $\mathbb{Q}^{(5)}$, de norme 41

$\alpha^{(j)}$, entier de \mathbb{Q}^5 , de norme $341 = 11 \times 31$, et correspondant au corps de discriminant 341^4 , numéroté (j), (le choix du signe résulte du même principe que pour $m = p_1 \times p_2$).

On constate que lorsque m_1 et m_2 sont premiers entre eux, on a : $d_h = I(\theta)$, $1 \leq h \leq 4$. Dans le cas contraire, les d_h sont des diviseurs de $I(\theta)$. Dans la table I, le signe *, dans la première colonne, indique les corps pour lesquels il en est ainsi et la valeur des d_h , $1 \leq h \leq 4$ est alors donnée dans la table annexe I'.

Comme, de plus ([3]), si p premier ($p \neq 2$ et $p \neq 5$) est tel que $m_1 \equiv 0 \equiv m_2 \pmod{p}$, la congruence fondamentale $f(x) \equiv 0 \pmod{p}$ admet deux racines doubles et une racine simple ou une racine d'ordre 4 et une racine simple,

selon que $w = \sum_{i=1}^4 \alpha_{2i}^2 \alpha_{3i}^3 \alpha_{4i}^4$ est divisible par p ou ne l'est pas, nous indiquons, pour chaque diviseur premier p , commun à m_1 et m_2 , par un signe * dans la colonne correspondante, la nature des racines multiples, modulo p , de cette congruence.

(Remarque : lorsque 2 divise $I(\theta)$, la congruence $f(x) \equiv 0 \pmod{2}$ admet toujours une racine d'ordre 4 et une racine simple).

b) Tables II et III'

Ces tables concernent les corps non unitaires de discriminant $(5^2 m)^4$. On a choisi systématiquement pour engendrer ces corps un entier α de $\mathbb{Q}^{(5)}$, de norme m , et tel que $\alpha_1^3 \alpha_2^2 \alpha_3^4 \alpha_4^4 \equiv \epsilon \pmod{5}$. Ce choix est légitime ; en effet, soit β un entier de $\mathbb{Q}^{(5)}$ tel que $\beta_1^3 \beta_2^2 \beta_3^4 \beta_4^4 \equiv 1 \pmod{5}$, alors $\alpha^{(i)} = \epsilon^i \beta$, $1 \leq i \leq 4$, est tel que :

$$\alpha_1^{(i)} (\alpha_2^{(i)})^3 (\alpha_3^{(i)})^2 (\alpha_4^{(i)})^4 \equiv \epsilon^{5-i} \pmod{5} \text{ et } N(\beta) = N(\alpha^{(i)}).$$

Comme, de plus, si on remplace $\alpha^{(i)}$ par un de ses conjugués, on obtient le même corps, mais avec un ordre différent pour les racines θ_u du polynôme fondamental f , on peut toujours choisir pour engendrer un corps non unitaire un α tel que $\alpha_1^3 \alpha_2^2 \alpha_3^4 \alpha_4^4 \equiv \epsilon \pmod{5}$.

La première partie de la table II est consacrée aux corps non unitaires pour lesquels m est un nombre premier p , $p \equiv 1 \pmod{5}$ et $p < 1000$. Pour chaque valeur de p , il y a quatre corps non unitaires, de discriminant $5^8 p^4$ (il y a 16 corps non unitaires avec $p < 1000$). Le corps, numéroté (j), est construit avec l'entier $\alpha = (a, b, c, d) = \pm \beta_j \epsilon^4$ ($\beta_j = \tau^i(\beta)$, $j \equiv 2^i \pmod{5}$), où β , de norme p , engendre le corps unitaire de discriminant p^4 [le signe étant choisi de façon que le premier des nombres a, b, c (pris dans cet ordre), qui est non nul, soit positif].

Dans la deuxième partie de la table II, nous donnons les corps non unitaires, construits avec un entier α de $\mathbb{Q}^{(5)}$, de norme $m = p_1 p_2$, avec p_1 et p_2 premiers, congru chacun à 1 modulo 5 et $m < 1000$. Pour chaque valeur de m , il y a 16 corps, non unitaires, de discriminant $5^8 m^4$; (il y a 64 corps non unitaires pour $m = p_1 \times p_2 < 1000$).

Nous avons choisi $\alpha = (a, b, c, d) = \pm \beta_j^{(k)} e^4$, $1 \leq k \leq 4$, $1 \leq j \leq 4$, $\beta_j^{(k)} = \tau^i(\theta^{(k)})$,
 $(j \equiv 2^i \pmod{5})$ et $\theta^{(k)}$, correspondant au corps unitaire, de discriminant m^4 , noté (k) .

Enfin la table II' est l'analogie de la table I'.

Ces tables concernent 520 corps, avec 308 corps pour lesquels on a $I(\theta) = m_1 \times m_2$ avec $(m_1, m_2) = 1$ ((m_1, m_2) désigne le p. g. c. d. de m_1 et m_2) et 212 corps dans le cas contraire.

Les corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 1$ se répartissent de la façon suivante :

- 104 corps pour lesquels chacun des nombres m_1 et m_2 est premier.

Parmi ces corps, il y a :

- 69 corps unitaires avec 42 corps primaires et 27 corps non primaires pour $m = p_1 \times p_2$

- 35 corps non unitaires avec 25 corps pour lesquels m est premier et 10 pour lesquels $m = p_1 \times p_2$.

- 154 corps pour lesquels un seul des nombres m_1 et m_2 est premier.

Parmi ces corps, il y a :

- 82 corps unitaires avec 41 corps primaires, 34 corps non primaires pour $m = p_1 \times p_2$ et 7 corps non primaires pour $m = 11 \times 31 \times 41$

- 72 corps non unitaires avec 49 corps pour m premier et 23 corps pour $m = p_1 \times p_2$.

- 50 corps pour lesquels aucun des nombres m_1 et m_2 n'est premier.

Parmi ces corps, il y a :

- 23 corps unitaires avec 13 corps primaires, 9 corps non primaires pour $m = p_1 \times p_2$ et 1 corps non primaire pour $m = 11 \times 31 \times 41$.

- 27 corps non unitaires avec 20 corps pour m premier et 7 corps pour $m = p_1 \times p_2$.

Pour les 212 corps restant, nous avons obtenu pour diviseurs premiers de (m_1, m_2) les nombres premiers suivants :

2 (101 fois); 3 (107 fois); 5 (1 fois); 7 (15 fois); 11 (4 fois); 13 (2 fois); 17 (1 fois); 19 (1 fois).

Ces corps se répartissent de la façon suivante :

- 84 corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 2^k$ $(k \in \mathbb{N}^*)$

Parmi ces corps, il y a :

- 51 corps unitaires avec 29 corps primaires, 20 corps non primaires pour $m = p_1 \times p_2$ et 2 corps non primaires pour $m = 11 \times 31 \times 41$

- 33 corps non unitaires avec 25 corps pour m premier et 8 pour $m = p_1 \times p_2$.

- 87 corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 3^k$ $(k \in \mathbb{N}^*)$

Parmi ces corps, il y a :

- 49 corps unitaires avec 28 corps primaires, 19 corps non primaires pour $m = p_1 \times p_2$ et 2 corps non primaires pour $m = 11 \times 31 \times 41$

- 38 corps non unitaires avec 30 corps pour m premier et 8 corps pour $m = p_1 \times p_2$.

- 1 corps pour lequel $(m_1, m_2) = 5^3$

C'est le corps unitaire, non primaire, pour $m = 11 \times 31 \times 41$, qui est numéroté (10).

- 13 corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 7^k$ $(k \in \mathbb{N}^*)$

Parmi ces corps, il y a :

- 4 corps unitaires avec 2 corps primaires et 2 corps non primaires pour $m = p_1 \times p_2$

- 9 corps non unitaires avec 6 corps pour m premier et 3 pour $m = p_1 \times p_2$.

- 3 corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 11^k$ $(k \in \mathbb{N}^*)$

Ces corps sont : 2 corps unitaires primaires pour $m = 1301$ et $m = 3001$ et l'un des 4 corps non unitaires pour $m = 991$ (corps qui est numéroté (2)).

- 2 corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 13^k$ $(k \in \mathbb{N}^*)$

Ces corps sont : le corps unitaire primaire pour $m = 4621$ et l'un des 4 corps unitaires non primaires pour $m = 2321 = 11 \times 211$ (corps numéroté (1)).

- 1 corps pour lequel $(m_1, m_2) = 19$

C'est l'un des 16 corps unitaires non primaires pour $m = 11 \times 31 \times 41$ (corps numéroté (5)).

- 17 corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 2^{k_1} \times 3^{k_2}$ $(k_1, k_2 \in \mathbb{N}^*)$

Parmi ces corps, il y a :

- 8 corps unitaires avec 3 corps primaires, 4 corps non primaires pour $m = p_1 \times p_2$ et 1 corps non primaire pour $m = 11 \times 31 \times 41$
- 9 corps non unitaires avec 5 corps pour m premier et 4 pour $m = p_1 \times p_2$.

- 2 corps pour lesquels $(m_1, m_2) = 3^{k_1} \times 7^{k_2}$ $(k_1, k_2 \in \mathbb{N}^*)$

Ces corps sont : le corps unitaire primaire pour $m = 2161$ et l'un des 16 corps non unitaires pour $m = 451 = 11 \times 41$ (corps numéroté (10)).

- 1 corps pour lequel $(m_1, m_2) = 3^3 \times 11$

C'est le corps unitaire primaire pour $m = 4951$.

- 1 corps pour lequel $(m_1, m_2) = 3^3 \times 17$

C'est l'un des 16 corps unitaires non primaires pour $m = 11 \times 31 \times 41$ (corps numéroté (1)).

BIBLIOGRAPHIE

[1] A. CHATELET :

Arithmétique des corps abéliens du troisième degré.

Annales scientifiques de l'Ecole Normale Supérieure, 63, 1946,
p. 109–160.

[2] C. PARIS :

Approximations p -adiques de certains entiers de degré 3.

Fascicule 6 des Annales Scientifiques de l'Université de Besançon,
3ème série, Mathématiques 1973.

[3] C. PARIS :

Bases sur \mathbb{Z} des idéaux primaires canoniques d'un corps K , extension
de \mathbb{Q} , cyclique, de degré premier impair ℓ , et approximations p -adiques
des racines d'un polynôme fondamental f de K .

Publications mathématiques de la Faculté des Sciences de Besançon,
Année 1978–1979.

[4] J. J. PAYAN :

Contribution à l'étude des corps abéliens de degré premier impair.

Annales de l'Institut Fourier, Grenoble, 15, 2, (1965), p. 133–199.

T A B L E I

CORPS UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = m^4$

$$m < 5000$$

$$m = 11 \times 31 \times 41$$

POLYNOME FONDAMENTAL

POLYNOMES g_h ($d_h \theta_{i+h} = g_h(\theta_i)$)

$$I(\theta) = \sqrt{D(\theta) : D_K} = m_1 \times m_2$$

CORPS PRIMAires UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = m^4$

$m = p$; premier

$p \equiv 1 \pmod{5}$

$p < 5000$

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
11	(1, 1, -1, 0)	-1 1 0 -1 0	-4 -1 1 0 0	3 -3 0 4 -1	3 2 -3 0 0	
31	(1, 0, -2, 0)	-1 2 2 -3 -1	-12 -1 4 -1 -2	21 -22 -17 33 6	1 31 -14 -24 2	
41 *	(0, 1, 2, 3)	-1 -2 -1 4 -1	-16 2 4 -7 1	-5 29 10 -58 19	21 10 -34 19 -4	
61	(1, 0, 3, 0)	-1 25 -8 -11 -6	-24 -39 9 16 14	17 -577 180 262 135	41 740 -173 -314 -282	
71	(1, 3, 2, 3)	-1 -9 5 6 -2	-28 6 -11 -4 9	-37 254 -113 -177 36	25 410 -100 -258 -75	
101	(2, 3, 2, 4)	-1 -3 -6 5 4	-40 5 27 -14 -18	-93 111 154 -168 -97	-21 222 -15 -200 -24	
131	(1, -1, 3, -2)	-1 -33 -26 -15 74	-52 -15 -19 -14 48	89 1687 1310 774 -3771	109 -476 -71 114 354	

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
151 *	(0, 1, -3, -2)	-1 -1 0 -1 1	-60 7 -1 7 -5	12 18 3 34 -32	784 -184 30 -200 116	
181	(1, 1, 4, 0)	-1 -109 11 48 50	-72 170 -65 -94 -11	123 7772 -947 -3279 -3546	223 -17900 4390 8916 3551	
191	(2, 1, -2, 3)	-1 16 -7 -12 3	-76 -4 -12 3 13	359 -1219 468 928 -177	-437 4816 -1392 -3557 78	
211	(0, 3, -2, 0)	-1 11 18 -43 14	-84 171 91 -102 -160	59 -927 -384 2302 -991	1661 -8080 -4725 4018 6710	
241 *	(1, 3, -3, 3)	-1 1 -5 1 3	-96 -9 -21 13 17	212 -112 318 -2 -204	1232 668 400 -608 -636	
251 *	(1, -3, -1, -3)	-1 -9 2 3 -1	-100 -15 -5 5 15	20 860 -155 -420 90	1504 1580 110 -660 -1080	
271	(3, -3, 1, 0)	-1 163 -24 -47 -92	-108 279 -67 -96 -116	401 -16863 2514 4712 9637	-13 19486 -303 -4924 -15104	

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
281	(1, -3, 2, 1)	-1 -49 -57 82 24	-112 -312 -359 530 141	191 3150 3747 -5299 -1598	2257 13986 16104 -24122 -6161	
311 *	(3, 5, 2, 4)	-1 -9 -3 -4 16	-124 40 9 12 -61	-535 984 367 459 -1810	-413 1404 754 1248 -3497	
331	(1, -1, -2, 3)	-1 23 -7 18 -34	-132 110 -51 16 -75	887 -2470 559 -2301 4212	-1843 5750 -944 11754 -16963	
401	(4, 1, 5, 1)	-1 -168 -123 2 289	-160 506 -78 -305 -123	-369 25563 18940 1938 -46441	879 12804 76644 32137 -134142	
421	(5, 2, 2, 0)	-1 -28 326 -51 -247	-168 -199 -1490 1541 148	-219 12608 -47813 123 35082	3853 -5861 56818 -164856 60602	
431 *	(2, 3, -3, 4)	-1 1 -3 0 1	-172 -5 -17 1 7	724 -184 360 9 -124	1824 1172 -28 -106 -244	
461	(1, -4, -4, -4)	-1 -442 324 151 -33	-184 -1013 -706 165 1554	129 77088 -48903 -35389 7204	4551 151477 47580 -51930 -227160	

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
491 *	(5, 3, 0, 1)	-1 3 -107 164 -60	-196 -188 217 104 -133	-59 624 20567 -32069 10878	2019 27524 -13630 -62936 37363	
521	(1, -4, 1, 1)	-1 146 -32 -243 129	-208 1215 698 -1299 -614	771 -22658 14127 35783 -27252	4143 -89007 -109708 -1566 165084	
541	(6, 4, 3, 3)	-1 74 -304 195 35	-216 -397 1446 -815 -234	-1147 -14020 60277 -39441 -6816	-805 -26179 121600 -98526 -316	
571 *	(6, 5, 3, 0)	-1 -1 7 -9 -17	-228 -13 -33 131 27	-868 542 -1438 1158 3510	3056 1016 -1408 -13176 12808	
601	(6, 5, 3, 5)	-1 -2 -27 88 -59	-240 -70 160 -235 145	-1755 1275 5610 -20740 13855	-3731 14050 20610 -119845 84080	
631	(6, 4, 5, 4)	-1 16 9 -20 -5	-252 -132 -52 165 19	-2095 -3075 -1980 3866 1189	-5785 -11204 -9840 13649 7306	
641 *	(5, 1, -1, -1)	-1 -23 47 -3 -21	-256 57 -143 87 -1	564 6122 -11688 772 4794	5328 -22128 48772 -20868 -10656	

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	
661 *	(1, 3, -3, -2)	-1 -1 -4 1 2	-264 3 -51 60 -6	185 69 780 -6 -327	16837 -512 6583 -8686 646	
691	(2, -4, -4, -3)	-1 -653 421 54 178	-276 -2342 -103 -728 3173	1299 164878 -103765 -33681 -27432	5329 -192262 448844 72582 -479627	
701	(4, 6, 2, 7)	-1 197 9 -110 -96	-280 -504 -287 206 585	-2047 -54450 567 30215 23668	-3791 -318594 30924 201502 78739	
751	(5, 0, -1, 2)	-1 173 -364 215 -24	-300 -131 -173 884 -580	2313 -50885 109158 -59500 1227	-3761 391534 -681889 198568 65916	
761 *	(4, 5, 7, 5)	-1 16 -9 6 -13	-304 -86 34 -61 113	-2831 -4459 2616 -1284 3127	-8925 -26176 18404 -4871 12298	
811	(2, -3, -1, 3)	-1 -10 -97 66 41	-324 -136 -398 437 97	3471 1715 29302 -18228 -12789	-12431 -2762 -188462 88701 100220	
821	(5, 1, -3, -2)	-1 335 -920 651 -66	-328 -1359 1505 1368 -1514	1215 -101717 301614 -207910 8013	3573 707700 -1317697 159222 301554	

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
881	(2, -4, 1, 2)	-1 234 57 -332 41	-352 2362 1284 -3115 -531	2361 -57345 -4402 79944 -18197	4257 -76626 -165354 4547 209796	
911 *	(5, -2, 0, 1)	-1 -4 5 -9 15	-364 -21 7 -105 175	2988 1267 -1680 1946 -3654	-1392 -4938 11524 -600 -5160	
941	(4, 6, 5, 6)	-1 -36 11 30 -5	-376 138 -74 -115 51	-3877 13145 -3608 -10986 1449	-13445 102296 -23320 -84801 5634	
971 *	(6, 5, 1, 4)	-1 3 5 -33 37	-388 -6 81 -25 17	-1476 -1067 -2294 12738 -14646	8304 -4362 -36936 70368 -74728	
991	(2, 6, 1, 7)	-1 -488 436 289 -237	-396 -507 -3228 607 3128	-2101 193748 -131385 -130691 68328	8039 1340573 -308156 -818138 -363972	
1021 *	(4, 5, -1, 1)	-1 32 -5 -2 1	-408 -254 86 -15 131	-531 -8793 1536 812 -3123	28539 22752 -19116 5247 -32634	
1031	(5, 3, -2, 0)	-1 771 313 -1788 704	-412 -312 4481 -5420 1251	701 -287120 -117073 710391 -306198	14467 146836 -1567406 1477968 -452121	

m	α	x^4	x^3	x^2	x	
1051 *	(6, 1, 4, 0)	-1 13 2 -7 -10	-420 -189 -25 114 72	-967 -2571 -526 1470 2895	28789 24548 3267 -18086 -3986	
1061	(1, -3, 4, 2)	-1 -159 -399 -52 610	-424 1526 -4941 6346 -2931	297 -10020 141493 40575 -172048	41031 -443448 1044714 -1583372 517275	
1091 *	(5, 1, 2, -2)	-1 81 151 -118 -114	-436 -974 -2099 2552 521	-131 -12114 -40429 20197 32346	42453 150986 396476 -542318 -73979	
1151	(5, 3, -2, 5)	-1 659 417 -1142 66	-460 438 6631 -5380 -1689	3545 -279306 -129951 484595 -75338	4825 1868322 -1087824 -1517510 356359	
1171 *	(3, 2, -4, 0)	-1 4 4 -5 -1	-468 -3 144 -33 -36	1733 -1542 -513 2001 -864	31795 5885 -39832 2750 2020	
1181 *	(3, 7, 1, 5)	-1 -9 -3 -5 25	-472 103 9 15 -151	-2740 3510 1550 2178 -10966	7360 -13824 2840 9192 -15104	
1201	(3, 0, -3, 4)	-1 -117 -4 83 38	-480 -317 -157 204 270	6101 55005 -124 -38958 -15923	-25711 -509844 29237 373586 104578	

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
1231	(5, 0, -1, -3)	-1 152 452 417 -1021	-492 5195 -6644 8729 -7280	837 47210 -213089 -168729 334608	48787 -1492745 1989904 -2488014 1151348	-16 14 11 -8
1291	(2, 2, 6, -1)	-1 -1431 -545 124 1852	-516 124 -4019 -2968 6863	2427 735552 236887 -47103 -925336	8407 -2784588 547490 1603108 1050111	-10 -6 17
1301*	(6, 1, -1, 5)	-1 6 25 -36 5	-520 30 156 -211 25	6609 -2909 -11878 17268 -2481	-26811 22386 79170 -119529 17632	
1321	(6, 4, 3, -2)	-1 -542 -279 1060 -239	-528 10034 7636 -12211 -5459	-687 191991 -1242 -340888 150139	53305 -2609450 -1914018 2051795 1802060	-9 14 6 -11
1361	(1, 0, -4, 4)	-1 -706 -228 -23 957	-544 -2847 -1802 -865 5514	5825 368964 105255 9593 -483812	-14873 -2258037 -434004 321058 2293096	
1381	(3, 3, 6, 7)	-1 -435 1081 -770 124	-552 -100 -2597 5514 -2817	-4585 234306 -594215 389139 -29230	-4375 2308254 -4127864 1166386 405665	4 -3 -1
1451	(5, -1, -2, 2)	-1 231 -447 268 -52	-580 268 -1125 1928 -1071	7371 -131784 255617 -138945 15112	-28161 1431972 -2396202 848756 68781	-1 -1 -1 -1

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
1471*	(5, 2, 5, -1)	-1 -2 10 7 -25	-588 59 44 -37 -110	-765 1020 -7473 -3231 14106	46413 -24489 -35190 792 78822	-
1481	(6, 0, 1, -1)	-1 -256 1402 567 -1713	-592 5725 -12606 15441 -8560	1007 338578 -766899 -318709 747030	61657 -2747857 5356446 -6052816 1044570	-54 51 29 -23
1511*	(7, 6, 6, 2)	-1 116 88 -163 -41	-604 -1743 -1020 2487 276	-5621 -45428 -40357 64741 21044	411 -10335 -106080 -30630 133896	-
1531	(7, 7, 6, 4)	-1 -15 295 -206 -74	-612 -26 -2345 1928 443	-8145 11394 -164099 110205 425	-36695 107046 -1265476 753730 396131	-2 1
1571	(3, 2, 1, -5)	-1 -1434 794 405 235	-628 -15621 13392 -7445 9674	2325 584342 -353585 -278859 48102	63393 2363631 -3874542 3479952 -3102550	-11 19 19 -20
1601	(3, 4, 4, 8)	-1 -1062 -816 2341 -463	-640 3209 12654 -16413 550	-4675 626496 404963 -1386099 354640	12475 3672819 -2557384 -3014682 997580	- -11 3 -1
1621	(7, 4, 0, 0)	-1 846 -2812 2243 -277	-648 -7909 13214 277 -5582	-843 -460932 1777229 -1447605 131308	20671 2909469 -4277468 -3469762 3455128	- -4 3 1

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
1721	(2, 5, -2, -4)	-1 93 -2454 353 2008	-688 -3883 -18609 25618 -3126	2547 -349665 1478158 4548 -1133041	71511 -162822 3206769 -11514332 4717212	- 80 -107 -15 46
1741	(2, -4, 3, 3)	-1 -354 -1880 769 1465	-696 -8459 -17054 25343 170	3273 -40848 1078999 -203895 -834256	69835 1043355 2029424 -9310514 3771284	- 46 -71 -6 33
1801	(7, 3, 2, -1)	-1 -313 2879 -250 -2316	-720 -2124 -25347 28226 -755	-1657 537970 -1821393 -93955 1377378	78149 -1052834 5704364 -13797358 4462959	-104 138 27 -55
1811 *	(9, 4, 6, 5)	-1 11 51 -4 -30	-724 -249 -401 67 114	-8548 -3330 -33522 2035 20572	-18704 4392 -221496 -514 204640	- -
1831	(5, 5, 6, 8)	-1 63 581 -790 146	-732 -790 -4711 6964 -1463	-9741 -39942 -391525 524031 -92564	-39491 -129594 -2878904 3595706 -610379	-2 2 -
1861 *	(7, 3, 4, 0)	-1 89 233 -156 -166	-744 -1894 -2843 4166 571	-3201 -18496 -132617 51459 99654	76435 299656 385942 -1317264 368081	-4 8 -3
1871 *	(7, 0, 0, 2)	-1 -142 234 -9 -83	-748 239 -460 379 -158	6511 107872 -174387 9417 57098	12633 -985349 1681762 -297004 -441682	- -

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
1901	(6, 4, 5, -1)	-1 -972 718 2373 -2119	-760 24159 8538 -19405 -13292	-1749 597742 -828505 -1327383 1558146	84009 -11107959 -6173934 1275528 11732182	-53 122 46 -104
1931	(7, 1, 8, 3)	-1 -2489 -159 668 1980	-772 19244 -3443 -8040 -7761	-6411 1794840 117891 -410897 -1501834	2379 3803996 3639426 -31824 -8306169	-33 16 -11
1951	(8, 5, 0, -2)	-1 -1713 4556 -1531 -1312	-780 9475 -27883 12684 5724	-1795 1314285 -3405874 1127508 964081	40175 -3116190 9091673 -5454784 -1177196	-5 13 -4 -2
2011 *	(6, -5, 3, 0)	-1 -235 31 69 52	-804 -1369 129 343 384	6596 179360 -23476 -54432 -38988	14624 -332908 80516 113844 15160	-
2081	(7, 3, -1, 0)	-1 1239 -4054 3315 -500	-832 -11553 14977 7130 -10554	1415 -896635 3339550 -2726136 283221	34195 8890034 -14858425 -3770904 6597144	-1 -9 8 2
2111 *	(4, 3, 6, 8)	-1 -287 798 -621 110	-844 -527 -1883 5078 -2668	-7853 234515 -672156 485910 -48269	-1959 2940476 -5360023 1427074 580630	-
2131 *	(7, 2, -1, -2)	-1 -25 58 1 -34	-852 109 -355 302 -56	1449 23691 -47202 -1254 24765	78489 -118584 295641 -217674 -28314	-

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
2141	(7, 4, 5, 0)	-1 -1219 -480 1921 -222	-856 23569 16289 -32136 -7722	-4539 666399 70176 -1013122 276547	88449 -6277700 -5502549 5461638 5098158	-26 33 14 -20
2161 *	(8, 5, 2, -1)	-1 -2 25 -4 -5	-864 2 -196 175 5	-3717 2241 -19890 1746 3807	72333 -774 25578 -103635 16020	- 1 -
2221	(5, 2, -3, 5)	-1 756 778 -1253 -281	-888 1729 13894 -8923 -6700	12171 -635358 -487703 1016703 106358	-27647 7294551 -535594 -7601552 188402	-12 12 -8 9
2251	(8, 2, 3, 1)	-1 -1164 4844 -235 -3445	-900 2071 -40480 40245 -1836	-2071 1484082 -3977581 -130509 2624008	105779 -3477201 13418984 -27202822 7989340	-254 333 39 -108
2281 *	(8, 3, 6, 2)	-1 -13 -8 19 2	-912 249 165 -360 -54	-7573 7371 4230 -10722 -879	54817 -34904 -26905 46298 14134	- -
2311	(9, 6, 5, 6)	-1 293 -1374 1055 26	-924 -3633 13447 -8466 -1348	-13219 -224703 1152186 -914210 -13273	-53911 -1416832 8017935 -7533302 781946	-1 2 -6 5
2341	(8, 3, 4, 1)	-1 -106 3935 -976 -2853	-936 -10206 -38184 45047 3343	-4963 635557 -3227238 291152 2300529	100457 1186522 2524610 -24246907 13167756	-17 260 6 -90

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
2351 *	(8, 3, 1, 2)	-1 145 -363 41 27	-940 -939 1961 -95 -321	188 -128430 333210 -37898 -26594	53584 705192 -1553784 60896 245992	3 -12 1 1
2371	(6, 5, 6, -1)	-1 -764 1893 3508 -4637	-948 36296 8404 -19153 -25547	-1233 658773 -2185416 -2680660 4207303	115591 -25910156 -11765988 326843 27958178	-85 313 101 -320
2381 *	(7, 0, 8, 1)	-1 -53 -69 -19 141	-952 189 -133 -203 147	-5524 48888 64134 21154 -134176	37696 181836 570408 260888 -1059052	-1 -1 -1 -1 3
2411 *	(7, 6, 8, 3)	-1 3 37 27 -113	-964 0 -61 -61 183	-11380 -2953 -35668 -25662 108810	-13328 -36178 -397436 -280584 1218216	- - - - -
2441 *	(6, 5, -2, 0)	-1 1255 -174 -1773 692	-976 -5597 13109 -10118 2606	-293 -1007239 173802 1647816 -814379	121347 643850 -10159637 9687296 -3743336	-40 -25 -13 120
2521 *	(6, 4, -2, 3)	-1 43 11 -82 28	-1008 -36 453 -486 69	3731 -38358 -8241 78417 -31818	95677 106766 -361868 191866 -44089	- - -5 3
2531	(6, -1, -2, -1)	-1 -963 2324 1515 -2876	-1012 14739 -17295 31636 -29080	6783 1366769 -2323772 -1181664 2138667	106383 -15430026 26290725 -14430756 -2296060	-190 133 107 -45

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
2551	(0, 5, 6, 8)	-1 -1303 -1818 2027 1094	-1020 6661 47057 -28250 -25468	-7449 1104903 981120 -1589642 -496381	100489 6583724 -15290691 1488562 4628638	-39 -13 98 -43
2591 *	(8, 4, -1, -2)	-1 934 -2303 878 491	-1036 -5884 13754 -4211 -3659	-311 -929839 2319050 -887102 -502109	69729 4572406 -10867922 3124589 2906696	39 -107 41 26
2621 *	(4, 5, 4, -4)	-1 193 -102 201 -292	-1048 5299 -2531 398 -3166	9121 -107803 35952 -180996 252847	96327 -2063254 435251 1404952 -245084	2 8 6 -17
2671	(3, -3, 6, -5)	-1 453 1951 4330 -6734	-1068 51254 2821 -8196 -45879	3953 -112674 -2633357 -3972243 6718274	131285 -42918030 -4215068 14715850 18314585	- -9 453 172 -602
2711	(4, -5, -1, 1)	-1 2184 57 -508 -1733	-1084 19148 -2412 -6395 -10341	17025 -2182371 -73700 452298 1803773	-70833 15811188 3373896 -2763407 -16951614	4 -20 4 12
2731 *	(9, 5, 7, 5)	-1 25 12 -35 -7	-1092 -465 -134 651 41	-17260 -19116 -11370 27476 7190	-69280 -92204 -100668 106964 89720	- -
2741	(5, -2, 0, 6)	-1 24 -498 367 107	-1096 -31 -4458 3777 712	21599 -30546 501197 -359973 -110678	-147707 420159 -5774878 3856452 1477862	-1 16 -10 -5

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
2791 *	(7, 1, -2, -2)	-1 -13 233 4 -40	-1116 56 -1277 1076 -101	5247 15416 -253071 -1737 38688	107487 -116196 2251494 -1023588 -156645	-1 14 2 -1
2801	(7, -1, 0, 0)	-1 -1161 2595 1684 -3118	-1120 16202 -18369 35982 -33815	8627 1744728 -2882563 -1442151 2579986	115939 -20645424 34903250 -16736280 -4427473	-235 157 134 -49
2851 *	(7, 4, 7, 1)	-1 -4 28 11 -49	-1140 115 80 -95 -140	-8325 3360 -35025 -10125 55320	90639 -67905 -323820 -44910 590580	-2 2 -2
2861	(5, -1, 1, -4)	-1 615 18 191 -824	-1144 11009 -11973 12982 -12018	801 -313785 -50168 -158928 522881	323499 -6606222 6728853 -7715684 6752880	-20 19 2 -19
2971	(9, 2, 3, 2)	-1 -2875 8220 -421 -4924	-1188 12619 -67015 57532 -3136	-1545 3985257 -9167004 131920 5049827	159103 -14033290 44299317 -55821092 7767076	-649 850 42 -229
3001 *	(8, 0, 0, 3)	-1 -197 319 -44 -78	-1200 174 -291 82 35	15245 236636 -382797 53281 92880	-3025 -2973496 4828366 -708932 -1152615	-
3011	(8, 2, 1, 0)	-1 -3254 8139 -10 -4875	-1204 16160 -61874 53685 -7971	843 4443711 -9296502 -168704 5021495	163413 -22373710 60241878 -54401355 -919752	-674 828 88 -22

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
3041	(10, 6, 7, 8)	-1 54 165 -136 -83	-1216 -946 -1704 1987 663	-24693 -50433 -184358 138882 95909	-180903 -488478 -2364690 1456873 1385616	-1 -8 4 5
3061 *	(6, -3, -1, 2)	-1 -8 19 -11 6	-1224 -67 71 -239 109	22284 9017 -22326 8374 -5529	-111200 -97762 323776 -39424 22914	-
3121 *	(8, 1, 5, 0)	-1 11 13 -9 -19	-1248 -277 -231 323 93	-4744 -3946 -11698 4674 17994	267632 89492 86876 -185388 39692	-1 1 -1
3181	(6, 0, -2, -5)	-1 1375 163 1186 -2724	-1272 36284 -29059 38710 -45935	2163 -614386 -402729 -1022927 2040042	366553 -23219734 18872296 -25966210 25216935	-147 129 128 -104
3191 *	(6, -2, 5, -3)	-1 -370 -386 1013 -257	-1276 15547 11276 -15377 -11446	-383 350974 84383 -782951 347594	369237 -10873645 -7364498 7883804 7610806	- -59 85 52 -75
3221 *	(7, 3, 9, 5)	-1 49 -7 -5 -25	-1288 -499 49 35 331	-17780 -58402 8410 6542 28498	-30432 -339536 74936 41224 92240	1
3251 *	(4, -1, -1, -6)	-1 -19 -53 39 51	-1300 67 2421 -1095 -499	260 14956 24804 -30380 -23868	409600 -39532 -1607124 674140 222924	- 4 2 -5

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
3271	(7, 1, -2, 3)	-1 409 -3845 4626 -1190	-1308 -7898 -14971 40444 -17575	17925 -520130 4946507 -5663943 1237566	-32867 16636178 -44709220 27519186 -2763503	- -94 -47 136 8
3301 *	(8, 3, -1, -4)	-1 -5 25 1 -3	-1320 59 -295 85 -13	264 12158 -29814 -1754 3084	298384 -89260 229468 -80884 7428	-4 4 - -
3331 *	(9, 8, 6, 3)	-1 -29 113 -117 -10	-1332 25 -1185 1841 63	-21052 45592 -138716 131736 12513	-68512 407980 -1082900 481836 146882	-2 1 -3 -
3361 *	(5, 0, -4, 3)	-1 71 89 -165 5	-1344 305 1441 -1465 -281	24468 -90784 -98222 205986 -16980	-114032 1276420 439408 -2045280 243548	-3 1 - 1
3371	(8, 2, -4, -5)	-1 -4053 8669 450 -5066	-1348 21162 -59445 54376 -16093	4989 5998094 -11264699 -538329 5804934	184569 -44136318 101182296 -60532566 -15672481	-840 934 165 -239
3391 *	(7, 0, -2, 1)	-1 179 -85 131 15	-1356 -371 76 797 -365	16548 -230052 115479 -168340 -27762	7840 3240940 -1399486 1043164 561288	-3 - 4
3461	(5, -2, 5, -4)	-1 -799 -482 4833 -3552	-1384 82239 19037 -38838 -62438	969 1437001 -1028712 -4686952 4278663	407955 -71145306 -20569093 21814572 45471192	-44 78 47 -79

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
3491	(7, 2, 9, 3)	-1 -6330 -702 1681 5351	-1396 61619 -12648 -28269 -20702	-14383 8310378 915131 -1830267 -7395242	21337 18081255 27558554 3202008 -55692838	-321 148 -12 192
3511	(6, -2, -3, -2)	-1 -1036 2355 2144 -3463	-1404 20476 -16864 46669 -50281	15027 2049807 -3346152 -2223740 3520085	127351 -31829884 49648380 -17621747 -7884218	-276 142 187 -45
3541 *	(9, 3, 1, 3)	-1 127 -159 83 25	-1416 -987 859 33 -797	3116 -167724 221964 -115868 -44468	111584 1481476 -1491780 115828 964252	3 6 6
3571	(6, 2, -3, 6)	-1 1144 1267 -1992 -419	-1428 4240 25992 -18031 -12201	26711 -1560437 -1346212 2621292 285357	-120157 23692672 3155048 -28189899 -180494	-68 33 10 25
3581	(9, 5, 4, 1)	-1 -1257 8543 -2064 -5222	-1432 -10134 -88689 88402 10421	-11889 2863652 -11146523 1603389 6679482	159111 6808884 -10456146 -71382852 53023799	-672 1091 -154 -242
3631	(6, 2, -6, -3)	-1 5989 1807 -10728 2932	-1452 -1772 83949 -85756 3579	9731 -7719044 -1719817 14587353 -5148492	184571 44479912 -86243554 14020656 1112851	-1 345 193 -1506 993
3671	(8, 3, -1, 1)	-1 2676 -9105 7816 -1387	-1468 -32324 33744 32651 -34071	5433 -3443181 13297232 -11276562 1422511	99675 51466680 -85915980 -15340993 32789370	-146 -616 616 160

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
3691 *	(9, 5, 2, 0)	-1 -47 143 -34 -62	-1476 258 -1293 864 171	-7825 74310 -199167 41733 83124	161341 -74038 403072 -815930 272003	-10 17 -3 -3
3701	(7, 2, 4, -2)	-1 -2272 -2102 4173 201	-1480 65655 66290 -95625 -36320	-3405 2005270 1200615 -3477835 271950	438909 -44305815 -42948970 53658420 27294330	-168 216 123 -165
3761 *	(5, -5, 1, 3)	-1 17 97 27 -141	-1504 79 165 3 -247	27380 -24632 -145242 -41530 211404	-115568 335996 2266848 671216 -3279612	-5 -1 7
3821 *	(7, 2, 6, -1)	-1 -23 11 51 -39	-1528 747 313 -651 -409	-5808 27716 -30012 -55760 58056	349056 -647712 -387296 113136 675216	-4 9 3 -8
3851 *	(7, -4, 1, 2)	-1 -1609 648 177 784	-1540 -15205 2861 -1088 13432	27265 2305165 -941922 -358236 -1005007	-93225 -20303750 12735349 3760928 2596052	-37 -22 25 40
3881 *	(5, 4, -4, 1)	-1 5 1 -25 1	-1552 -15 333 -261 -3	6520 -6386 2150 34954 -2890	356400 33276 -372084 141396 -7860	-1 -5 1
3911	(7, 5, -2, 1)	-1 6373 1031 -12702 5298	-1564 -13230 74227 -81444 20447	1095 -8767198 -1386879 19113517 -8959440	240417 -1624698 -102244628 116899674 -41659101	484 62 -1966 1448

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
3931	(9, 7, 8, 7)	-1 49 15 -56 -8	-1572 -840 -199 960 79	-36637 -63468 -20949 72593 11824	-309637 -770600 -297546 878360 189379	- -2 -1 3
4001	(7, -2, -1, 0)	-1 -557 1746 2423 -3612	-1600 24425 -14825 54270 -63870	20325 1610295 -2899200 -2794340 4083245	123999 -34007290 49665405 -15228600 -7307220	- -241 92 198 -42
4021	(8, 4, -1, 3)	-1 -1894 -6172 12897 -4831	-1608 -26605 -15642 79021 -36774	5951 3155942 9760267 -20211057 7294848	144563 29821193 -1429328 -68675226 31872104	- -370 -670 1422 -372
4051 *	(6, -2, -5, -3)	-1 -40 64 5 -13	-1620 135 -216 147 -120	20579 68904 -103167 -5991 17412	86659 -916013 1522256 -95750 -141728	- 2
4091	(6, 5, 3, -5)	-1 2710 -1683 4514 -5541	-1636 137256 -44758 5971 -98469	7691 -1574991 279798 -5639384 6934577	486469 -117805506 16141482 21387275 52849832	- -274 795 660 -1153
4111 *	(6, -4, -1, 0)	-1 -188 13 -8 95	-1644 -1908 32 -381 2763	25817 279705 -19816 -90 -101091	20851 -2058976 273892 95567 -1073210	- -14 - 2 -
4201 *	(9, 4, 1, 0)	-1 -71 182 -43 -68	-1680 465 -1545 870 210	-3865 121995 -292950 66000 104955	220939 -473530 1421065 -1108400 -64720	-13 27 - -6

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
4211 *	(7, 2, -4, -1)	-1 -79 -435 383 -63	-1684 -1721 -1621 2943 -636	13812 137028 719172 -620630 96265	104736 1681444 -2583420 -146184 143442	-221 -41 4 -1
4231	(8, 0, 2, -1)	-1 -1037 6961 2368 -8292	-1692 40844 -105595 131500 -66749	2877 4457324 -10758933 -4053425 10355034	523087 -57711904 118239502 -149398660 30600039	-221 214 116 -103
4241	(5, -4, -1, 4)	-1 195 248 -69 -374	-1696 2799 1683 -1616 -2866	41901 -287119 -406028 83454 609693	-364251 3780456 7262133 -695850 -10387402	-1 -3 4
4261	(6, -1, -5, -1)	-1 2042 -6141 5132 -1033	-1704 -9162 -14324 52353 -28867	26759 -3372243 10430454 -8140178 1081967	-58495 66735158 -129663414 46703263 7673648	-27 - 23 5
4271	(7, 0, -2, -4)	-1 -126 4362 3257 -7493	-1708 61127 -80484 116311 -96954	6321 2853006 -7162997 -4535007 8844998	520857 -66990537 102299034 -115722416 37664754	-166 140 102 -71
4391	(10, 8, 3, 0)	-1 3648 -12021 5996 2377	-1756 -39332 126012 -59853 -26827	-18091 -5997177 19919404 -9975870 -3946357	84799 -7926132 28344352 -18910761 -2600642	37 -129 64 28
4421	(8, 6, -2, -1)	-1 6857 1197 -14738 6684	-1768 -16164 77821 -88594 26937	-2299 -10744542 -2060637 25289963 -12484784	288037 -25340286 -127123776 200029594 -80092997	63 7 -262 194

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
4441	(9, 9, 9, 4)	-1 813 314 -1039 -88	-1776 -18203 -6577 23298 1482	-36061 -1054353 -420610 1348596 126367	-187801 -6759318 -3107119 8515028 1323052	- -8 -4 9 3
4451	(10, 5, 9, 7)	-1 -1038 -671 270 1439	-1780 15840 3722 -7379 -12183	-39703 1618501 1167374 -313458 -2472417	-291131 18239242 21520090 -1664775 -38658324	- 41 100 -6 -134
4481	(8, 4, 9, 3)	-1 -2472 -4266 -959 7697	-1792 19925 -438 -13351 -5936	-23839 4182744 7543295 2086983 -13813022	25237 31720227 110956634 39752136 -187211374	-134 56 -62 144
4561	(7, 0, -2, 6)	-1 146 596 -777 35	-1824 1361 7894 -9289 34	46887 -250210 -975227 1296525 -71088	-425669 4297927 14041264 -19647462 1265600	- -20 -52 77 -2
4591	(6, -2, -3, 3)	-1 512 -988 669 -193	-1836 2717 -7428 9559 -4848	45359 -916888 1751827 -1080051 245112	-381457 17559317 -29883188 13899294 -1855108	- -87 124 -42 6
4621 [*]	(9, 4, 9, 4)	-1 -91 -258 -67 416	-1848 757 455 -338 -874	-30129 158151 473454 136636 -768241	-51977 1685258 7455981 2443948 -11702876	- 9 -9 -9
4651	(11, 6, 6, 6)	-1 -1348 7556 -3781 -2427	-1860 8055 -91488 65069 18364	-32185 2679580 -12996579 6094943 4222056	-82825 22948075 -100628812 21346946 51128604	-170 395 -285 55

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
4691	(10, 7, 7, 5)	-1 102 3941 -2166 -1877	-1876 -12768 -47802 48373 12197	-38091 280337 -6803654 3180090 3343227	-188991 6969102 -76678122 11727441 54194672	-67 -- -102 174
4721 *	(8, 2, -2, 1)	-1 387 -1301 1130 -216	-1888 -4288 2215 8126 -6053	16429 -666786 2458361 -2062379 270804	111189 12963862 -23165704 1794934 5138189	-- -48 -108 131 28
4751 *	(7, 5, 5, -3)	-1 -73 23 633 -579	-1900 5527 615 -5511 -8003	380 149914 -101430 -899354 1005246	655600 -7222312 -1084680 3518824 9760008	-1 -49 55 106 -224
4801 *	(8, 1, -2, -1)	-1 -10 173 -8 -59	-1920 46 -920 161 23	14787 19407 -327606 15774 105621	227529 -216990 3934638 -387837 -969120	-1 21 -- -5
4831	(6, 5, -4, -1)	-1 11000 -1395 -12076 2471	-1932 -67556 192260 -146267 21563	3285 -16716471 3910956 21253990 -8448475	620455 66937436 -271353096 161127145 -57742454	-1 1922 -1403 -4537 4119
4861 *	(5, 3, -5, 1)	-1 73 19 -101 9	-1944 -63 1491 -1169 -259	15944 -121822 -11106 175834 -42906	437840 1030652 -1846124 164836 63756	-2 10 -- -30 20
4871 *	(8, 5, 5, -2)	-1 -33 -47 261 -211	-1948 1140 5703 -4937 -4949	-7404 46439 -136468 -330576 426108	661248 -1129914 -5990508 2401452 7355044	-- -9 122 25 -95

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
4931 *	(7, -3, -1, 3)	-1 -39 47 -9 67	-1972 -423 265 -220 1461	47732 70918 -89300 12327 -101844	-353888 -1053752 1676060 -105858 803964	2 -7 --
4951 *	(7, 3, -3, 4)	-1 7 16 -49 4	-1980 21 381 -480 12	25151 -12777 -26160 91104 -8871	141559 119954 -282643 -287564 37148	-1 3 -8 1

CORPS UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = m^4$

$m = p_1 p_2$, p_1, p_2 premiers

$p_1 \equiv 1 \pmod{5}$, $p_2 \equiv 1 \pmod{5}$

$m < 5000$

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
341 (11x31) *	(4, 3, 3, -1)	-1 -24 13 62 -51	-136 286 94 -241 -139	-41 2631 -3292 -6050 6711	3039 -24004 -10396 6253 19186	
(1)						
341 (2)	(1, -1, 0, 4)	-1 3 71 -150 76	-136 -132 139 74 -81	641 -1258 -9107 20481 -10116	-371 13598 19448 -86034 49725	
341 *	(2, -3, -1, -2)	-1 -9 3 1 1	-136 -19 -3 -1 27	300 1140 -352 -192 -52	2016 324 732 20 -2724	
(3)						
341 (4)	(2, 4, 5, 5)	-1 -26 -40 69 -3	-136 69 226 -273 -22	-723 3332 4467 -8543 744	-1053 13587 7720 -25002 2916	
451 (11x41) *	(3, 7, 3, 1)	-1 -1 -3 -17 31	-180 37 7 5 -107	36 96 600 2672 -5264	3424 -5572 -1116 -292 12572	
(1)						
451 (2)	(6, 3, 2, 3)	-1 122 -393 254 17	-180 -600 1450 -525 -325	-415 -18885 66990 -44870 -3235	1169 17810 -18990 -57305 43760	
451 (3)	(3, 0, 5, 3)	-1 164 -108 83 -139	-180 -1071 280 -861 1652	-415 -22002 15765 -5819 12056	3875 27041 29400 31654 -105532	

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
451 (4)	(0, 4, 6, 1)	-1 25 -9 -20 4	-180 20 -29 -16 25	1389 -4464 1437 3593 -566	-3341 26668 -6906 -21160 1289	
671 (11x61) (1)	(6, 2, 2, 1)	-1 -267 879 -104 -508	-268 548 -3939 3060 331	-349 85212 -218617 13977 119428	7483 -92568 360254 -616752 159059	-
671 * (2)	(1, 4, 5, -1)	-1 16 4 5 -25	-268 69 12 15 -96	2335 -3928 -1045 -1259 6232	-5937 16461 4908 6702 -28260	
671 (3)	(2, 7, 4, 3)	-1 542 247 -18 -771	-268 -524 -1434 -879 2837	-349 -144377 -56682 1508 199551	3457 -190666 166194 216389 -272892	-
671 * (4)	(3, 1, 5, 5)	-1 15 -25 -3 4	-268 9 -15 41 -19	-1020 -4348 6676 570 -867	4128 -19860 34812 -5016 -2086	
781 (11x71) * (1)	(1, 4, -2, -2)	-1 -2 -4 1 1	-312 -19 -38 17 2	531 222 849 -141 -216	20331 2079 4968 -2682 -72	
781 * (2)	(5, 6, 2, 3)	-1 7 -5 -3 1	-312 -65 53 -5 17	-1812 -1514 1088 984 -558	2368 -1480 -1348 7140 -5048	

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
781	(1, 1, 6, 1)	-1 1041 -547 -478 -16	-312 -3856 -265 1354 2767	531 -312282 148469 160263 3550	9397 1312866 -218708 -556594 -754391	5 -14 -4
(3)						
781	(4, 0, -3, 0)	-1 -20 -443 634 -171	-312 -534 -906 2365 -925	2093 6011 134964 -186908 45933	-1537 121004 -516296 -438355 -79470	- - 1
(4)						
1111 (11×101)	(1, 5, -2, 0)	-1 155 137 -786 494	-444 7406 2253 -3212 -6447	311 -85330 31903 239523 -186096	43409 -1989238 -736508 582774 1477565	8 -11 -7 11
(1)						
1111 *	(6, 6, 1, 1)	-1 82 -14 -161 93	-444 -343 452 -179 70	-1911 -31054 3597 70939 -43482	12301 -107695 -135710 444956 -239190	-1 1
(2)						
1111 *	(0, 1, 7, 3)	-1 16 -5 -4 1	-444 -108 -12 27 39	311 -6483 1740 2856 -531	32299 31136 1616 -12725 -12694	- -
(3)						
1111 *	(4, 1, -3, 2)	-1 33 13 -67 1	-444 37 157 -303 -6	3644 -13662 -4442 27738 -649	80 91272 -15488 -98488 2894	- -
(4)						
1271 (31×41)	(5, 7, 0, -1)	-1 -501 329 -648 820	-508 13140 -4853 1892 -10179	-661 89156 -37151 239919 -291924	50779 -3288664 651794 96192 1910109	5 -9 -8 14
(1)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
1271	(7, 1, 1, 2)	-1 -1017 1994 -219 -758	-508 2973 -6879 3790 116	1881 526667 -993422 114462 352293	17733 -2920668 6084489 -2058942 -1460806	-14 19 - -4
(2)						
1271	(4, 1, 7, 2)	-1 69 -11 -45 -49	-508 -393 39 209 421	-1932 -33112 5192 22872 22584	13920 19620 6948 -5700 -78740	- - - - -
*						
(3)						
1271	(2, 7, 6, -1)	-1 30 -25 6 -11	-508 276 -230 23 -69	6965 -12457 10354 -2910 5013	-33107 81470 -68482 28047 -41196	- - - - -
(4)						
1441	(7, -1, 2, 1)	-1 -1 31 26 -16	-576 24 -229 406 -131	2709 1054 -17739 -11439 6564	39933 -10986 158256 -106794 1899	- - - - -
(11×131)						
*						
1441	(5, 8, 8, 0)	-1 802 916 1059 -2777	-576 8503 2402 1177 -12082	2709 -413552 -550915 -562521 1526988	19759 -2707747 141884 1421622 411448	14 24 9 -47
(2)						
1441	(4, 10, 9, 6)	-1 720 85 -326 -479	-576 -2486 -1910 479 3917	-5937 -409269 -21644 184338 246575	-14825 -3271764 185996 1873225 1096154	-3 - 4 - -
(3)						
1441	(5, 0, 4, 7)	-1 71 -181 65 45	-576 237 -621 245 139	1268 -39980 101478 -36394 -25104	21200 -84236 219440 -90784 -47604	1 -2 1
*						
(4)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
1661 (11×151)	(7, 8, 7, 4)	-1 13 206 -147 -72	-664 -303 -1661 1542 422	-9501 -3757 -124854 83308 45303	-47385 1122 -1079471 601572 468612	-2 1 1
1661 (2)	(4, -3, -2, 2)	-1 -129 60 -29 98	-664 -803 249 -388 942	10431 79647 -38290 14046 -55403	-57351 -774024 431343 -92590 429918	1 -1 -
1661 (3)	(2, -5, 0, 2)	-1 381 -232 -543 394	-664 5001 1441 -5632 -810	7109 -189817 183376 272022 -265581	-4199 19700 -2048245 -1107762 2946390	3 -2 -1
1661 * (4)	(5, 6, 9, 4)	-1 -537 -14 137 412	-664 4143 -591 -1506 -2046	-6179 327745 10484 -73436 -264793	-7521 1084986 466671 -156648 -1497060	-3 2 1
1891 (31×61) (1)	(6, -1, 0, -1)	-1 -178 1107 1082 -2011	-756 11368 -11326 19957 -19999	3555 399567 -837354 -617960 1055747	78121 -5832082 8751042 -7148747 1587700	-70 51 45 -23
1891 * (2)	(2, 5, 3, -4)	-1 -6 5 49 -35	-756 -41 83 -7 5	9228 3873 -2788 -37050 27134	-18320 -30450 -7148 417736 -291016	-
1891 * (3)	(5, 9, 3, 2)	-1 -3 -10 -77 38	-756 113 -183 102 -312	-4009 923 17628 51114 -25683	55429 -49240 26713 279734 238	-2 -1 1

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
1891 (4)	(5, 3, 8, 5)	-1 1829 -973 -52 -804	-756 -14372 3307 -3448 14513	-7791 -1264880 686877 146357 431646	-1301 -6127364 6064382 1099792 -1918527	25 4 -14 -14
1991 (11×181) *	(7, 2, 1, -1)	-1 -362 1270 83 -991	-796 1637 -9988 10237 -1886	-239 399122 -929047 -116981 646906	91809 -1599395 4596598 -6316936 1014734	-61 72 17 -25
1991 * (2)	(1, 3, 5, -3)	-1 15 17 27 -131	-796 189 -53 73 -849	9716 -9904 -17192 -20232 97272	-17696 6236 117332 189180 -563388	-1
1991 (3)	(2, 8, 4, 5)	-1 3153 411 -1042 -2522	-796 -1042 -9729 -4772 15543	-4221 -2515602 -180179 775713 1920068	20133 -15048702 3483456 8683918 864843	47 -12 17 -49
1991 (4)	(2, 1, 6, 7)	-1 1804 -3373 648 921	-796 2172 -4472 2013 287	-4221 -1437361 2673408 -520412 -715635	32079 -10762068 20417668 -4752147 -5088786	35 -60 10 14
2101 (11×191) *	(5, -1, 3, -3)	-1 -3 -5 7 1	-840 85 103 -121 -67	168 1434 1810 -3114 -130	169744 -35988 -41884 46852 27308	
2101 * (2)	(4, 5, 2, -5)	-1 -22 13 16 -7	-840 -230 224 -97 103	6471 13467 -8178 -13494 8205	54189 -21402 -61614 151137 -94284	-

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
2101 (3)	(1, -6, -7, -7)	-1 -2972 2806 1165 -999	-840 -16905 -20622 8659 28868	-1933 2405774 -1799889 -1304807 698922	96209 17855513 510490 -8635280 -15770946	-166 58 185 -71
2101 (4)	(4, 4, 4, 9)	-1 -1423 -1519 4044 -1102	-840 5990 19267 -30886 5629	-6135 1106780 1111141 -3178017 960096	24775 5014600 -3992822 -4186284 1755419	-16 -46 115 -51
2201 (31x71) * (1)	(1, 2, -6, -3)	-1 9 -3 1 -1	-880 -181 -9 3 205	176 -5940 1772 -36 -1004	179584 75168 4064 -4128 -101536	-
2201 (2)	(7, 5, 0, 2)	-1 -1159 -1487 4962 -2316	-880 -3948 -2821 13230 -6461	-2025 1020886 1291641 -4319485 2006958	49725 6589338 6823964 -25930170 12280401	-38 -46 152 -67
2201 (3)	(2, 3, 7, -1)	-1 -2974 -1011 340 3645	-880 -2634 -11180 -7045 20859	6779 2604807 724614 -256654 -3072767	14509 -15207786 1410834 7687513 3924700	-50 2 -35 80
2201 * (4)	(3, -4, -5, 0)	-1 37 -50 17 -4	-880 165 -237 174 -102	15583 -31561 42650 -12944 1855	-95541 405822 -534339 120672 6288	-
2321 (11x211) * (1)	(7, 5, 8, 6)	-1 49 -7 -6 -36	-928 -484 63 54 367	-15133 -41170 5949 5179 30042	-82739 -376166 58812 48334 268461	-

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
2321	(0, 8, 5, 1)	-1 1326 696 -257 -1765	-928 10865 -762 -5877 -4226	12719 -1126866 -633499 134361 1626004	-40961 6589239 8992556 641358 -16937524	6 -27 3 18
2321	(0, 7, 5, -1)	-1 -36 -13 42 7	-928 -438 -114 511 41	17361 27641 10828 -32292 -6177	-115233 -261012 -122256 303189 79814	-
2321	(8, 5, 7, 4)	-1 -7 3 9 -5	-928 113 13 -133 7	-12812 4834 -3288 -6252 4706	-38640 16336 -44620 -34100 60320	-
2501 (41x61) *	(0, 3, -5, -4)	-1 -1 -1 -3 3	-1000 55 -15 165 -25	200 -1970 900 3050 -2070	210064 -37180 8460 -102580 9060	1
2501	(8, 11, 8, 4)	-1 45 -158 309 -196	-1000 -1029 1941 -2050 1138	-17307 -27515 135620 -297612 189507	-102561 -68478 1215171 -3670296 2498524	2 -11 8
2501	(4, 8, 8, -1)	-1 1463 519 1456 -3438	-1000 21910 -1087 4086 -24909	12705 -1201560 -642681 -1364143 3208384	-12525 -1450460 4246842 13369704 -18017739	- 49 41 -11 -77
2501	(4, -4, -3, -3)	-1 -3642 2616 -295 1321	-1000 -32381 822 -15711 47270	7703 3177750 -2271317 -303525 -602908	97519 -2793351 16994236 2841978 -23852444	-246 8 152 19

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
2651 (11x241)	(9, 1, 7, 2)	-1 -1581 -414 2405 -410	-1060 32779 19875 -43590 -9064	-7741 1098033 -21104 -1621386 544457	106549 -8890824 -8768069 6200202 9475150	-49 59 24 -32
2651 #	(5, 11, 7, -2)	-1 -45 190 -283 138	-1060 -1003 1945 -1270 328	18769 29379 -179002 293302 -143679	-105531 -51860 1567709 -3701438 2123762	-2 9 -7
2651 (3)	(1, 11, 11, 6)	-1 -6323 1706 2019 2598	-1060 -40489 7731 11238 21520	8165 6394169 -1706418 -2101646 -2586105	42925 -4588004 4142079 2094262 -2836050	-295 51 112 123
2651 (4)	(9, 5, 7, 10)	-1 -297 538 -327 86	-1060 1515 -3525 4010 -2000	-18345 306265 -551140 300510 -55635	-105531 4229160 -6807645 2637570 -136370	-1 14 -19 7
2761 (11x251) *	(1, -5, 1, 4)	-1 -1 -50 19 32	-1104 -179 -409 554 34	11817 -5493 49908 -12360 -32055	55971 49986 -191115 -249372 313632	-1 -2 -1
2761 (2)	(7, 9, 7, 6)	-1 -83 52 -51 82	-1104 1213 -811 388 -790	-21315 75475 -45652 53574 -83397	-148343 734396 -439429 735798 -1035002	-1 -1 -1
2761 *(3)	(5, 5, 9, 2)	-1 -669 -248 115 802	-1104 4129 -1811 -2872 554	-4749 715059 249742 -78690 -886111	50449 -476904 3209855 1677706 -5331178	-2 7 -1 -1

m	α	x^4	x^3	x^2	x	
2761 (4)	(5, -3, -3, 0)	-1 -43 206 569 -732	-1104 2673 -609 9350 -11414	17339 107587 -238962 -468256 599631	-54469 -2548922 3750785 1716920 -3093600	
2911 (41x71) (1)	(5, 1, -1, -6)	-1 -1367 178 411 778	-1164 -14063 23481 -21358 11940	815 946315 -245248 -384894 -316173	330317 7660264 -14646691 12115662 -7819718	-5 6 6 6 -6
2911 (2)	(1, 4, 0, -6)	-1 -678 3674 -4483 1487	-1164 -16687 26396 -1487 -8222	12459 470652 -4048681 5224947 -1646918	4285 5720133 12914266 -48981832 26006278	2 11 -5 -8
2911 * (3)	(3, 9, 7, 7)	-1 26 -29 -61 -57	-1164 -35 -223 53 397	-13740 -30281 39336 70316 62280	-4448 -347486 580732 854212 442284	
2911 (4)	(3, 5, 10, 8)	-1 739 -1023 -452 736	-1164 -696 1649 8652 -9605	-16651 -901368 1192239 391583 -682454	-36469 -11558900 16103850 198152 -5249705	- 2 -1 -
2981 (11x271) (1)	(5, 1, 4, 9)	-1 -2003 6917 -5856 942	-1192 -22186 25665 18510 -21989	2027 2036276 -8138925 6921343 -818694	70447 19562716 -24637590 -26531492 22328769	3 36 -29 -10
2981 (2)	(3, 10, 10, 8)	-1 -2112 774 1451 -113	-1192 3031 -5694 -2337 5000	-15859 2514912 -823883 -1752255 61226	-18983 32277669 -8371766 -21565284 -2878382	2 - -

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
2981 (3)	(6, 8, 7, -2)	-1 1206 1465 4596 -7267	-1192 63822 -4476 -2791 -56555	7989 -702389 -2479654 -4808880 7990923	136029 -51691614 2072586 30568251 2567896	- 61 502 192 -739
2981 * (4)	(7, -2, 2, -1)	-1 3 1 5 -9	-1192 101 -65 119 -155	5008 -864 -1768 -3956 6588	252288 -55184 47120 -64544 58400	- - - - -
3091 (11×281) (1)	(7, 6, 8, 8)	-1 56 -64 -7 15	-1236 -441 504 113 -176	-25099 -66242 75639 7007 -16404	-182641 -948857 1086260 68198 -206064	- -3 4 - -
3091 * (2)	(1, -8, -6, -3)	-1 -369 83 49 47	-1236 -2929 563 359 412	15084 429666 -96502 -58116 -54233	-272 -1734264 498328 243124 178582	-15 2 2 2 2
3091 (3)	(1, 7, 4, -3)	-1 -191 1159 -888 -80	-1236 -2168 11399 -8072 -1159	24357 207292 -1309303 1015689 86322	-157913 -2143912 14034722 -11385804 -552935	- - -36 2 -
3091 * (4)	(8, 4, 7, 2)	-1 -6 37 86 -23	-1236 128 338 -1271 -73	-12735 5377 -57114 -77634 28785	70821 -33486 -735390 -242091 380628	- - 4 - -
3131 (31×101) (1)	(2, 4, -5, 0)	-1 1604 1405 -1956 -1053	-1252 6688 52956 -43479 -16165	2129 -1302491 -731736 1576550 457677	359539 -3094696 -34195596 25026689 7542054	11 -7 - -15 11

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
3131 *	(7, 3, -3, -1)	-1 -11 -93 45 -65	-1252 -173 -181 250 -473	5260 14540 114690 -54813 75482	80880 148004 -143480 -126322 256088	-1 -5 2 -2
3131 (2)	(2, 5, 10, 2)	-1 -7371 1212 3563 2596	-1252 26411 -12615 -15524 1728	8391 9174057 -1650284 -4343568 -3180205	71487 -86002506 21384213 44401084 17313636	-307 85 91 133
3131 (4)	(4, -2, -4, 3)	-1 103 201 -262 -42	-1252 674 2515 -2400 -789	27177 -123186 -218283 303235 38234	-210303 1880066 2501712 -4049790 -349641	-7 -7 14 1
3421 (11x311) (1)	(1, -2, 7, 3)	-1 3352 -3098 1179 -1433	-1368 -69329 4826 -20153 84656	-1779 -3301352 3017333 -145479 429498	400777 39718469 3132314 5044668 -62081486	490 -325 -387 237
3421 * (2)	(5, 9, 1, 1)	-1 -5 1 -5 3	-1368 405 -81 1 -41	-5200 296 5112 5548 -3450	301568 -333808 -464 26560 15576	-2 -
3421 * (3)	(2, -2, -8, -1)	-1 -1 -9 8 58	-1368 -206 -181 214 1193	18747 -2556 8305 -6081 -53946	38151 168444 3126 -48348 -70893	1
3421 (4)	(8, 5, 0, 3)	-1 -1506 -4183 9908 -4219	-1368 -17914 836 38353 -21275	-1779 2226723 5631938 -13392048 5533387	113413 25104954 12943234 -83703733 40213168	-194 -323 733 -209

m	α	x^4	x^3	x^2	x	
3641 (11x331) *	(3, -4, -2, -6)	-1 -1210 1872 -105 -557	-1456 -21355 -20066 11423 29998	-437 1615762 -1878435 -497043 759716	434415 18552907 9808028 -10909418 -27089980	-31 17 33 -18
3641 * (2)	(5, 2, 2, -5)	-1 99 -83 183 -199	-1456 5343 -1233 137 -4247	3204 -45230 23852 -184248 205626	467184 -4181904 447852 158772 2718208	-1 2 2 -3
3641 (3)	(1, 5, 6, 9)	-1 -4137 -2337 6286 188	-1456 11228 87573 -71214 -27587	-15001 5408538 1790423 -8136819 937858	135853 53682198 -54873772 -23244534 8433743	-15 -13 72 -41
3641 (4)	(0, 0, 1, 8)	-1 -5308 487 9402 -4581	-1456 -18662 57414 -62433 23681	6845 6593797 -561204 -13263040 7230447	201391 -23975572 -68637048 130715213 -59221530	-26 19 108 -99
4061 (31x131) (1)	(6, -5, 1, -1)	-1 -10254 5985 1616 2653	-1624 -95018 5064 -13023 102977	17381 15369027 -8760530 -3900384 -2708113	165169 -36700674 83894998 14972715 -90875732	-153 28 94 34
4061 * (2)	(7, 8, 4, -5)	-1 31 -19 21 -33	-1624 987 -515 129 -601	13320 -26566 14034 -26810 39342	339792 -600492 200044 132828 178404	-
4061 (3)	(9, 14, 9, 4)	-1 -1151 702 -727 1176	-1624 26655 -16987 4426 -14094	-31351 1340649 -751968 1123456 -1712137	-151589 4995390 -4025637 17601860 -19411840	-1 -1 5 -1

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
4061 * (4)	(7, 1, 8, 8)	-1 1107 -1945 -662 1500	-1624 5068 -7273 19810 -17605	-15107 -2020746 3134425 802193 -1915872	181413 -23526826 41633584 -14282530 -9242375	246 -175 -105 39
4141 (41×101) * (1)	(3, 0, 0, -7)	-1 -213 19 31 13	-1656 -2419 856 -654 1611	3644 242352 -27929 -47619 59840	547904 1230756 -863234 670906 -1708228	-23 7 10 -45
4141 (2)	(3, 4, -3, -8)	-1 -3023 10884 -9443 1582	-1656 -44971 62281 20468 -37778	7785 4131171 -17632908 15579362 -2077625	121381 39378832 -34567245 -91170742 63190778	10 1095 -829 -344
4141 (3)	(1, 9, 10, 9)	-1 -4823 4309 2742 -2228	-1656 -18068 -58981 16282 60767	-17061 7967242 -5462431 -5241753 2736942	171073 112265582 -24594736 -66404118 -35759543	-39 88 632 -31
4141 (4)	(5, 6, 9, 9)	-1 -848 2002 -1511 357	-1656 3207 -14862 21511 -9856	-33625 1379570 -3222933 2212717 -369354	-209899 24921713 -46600082 21672700 -1024758	10 -122 21 -
4331 (61×71) (1)	(6, 2, 9, 7)	-1 1744 -696 2357 -3405	-1732 -39879 11528 -61025 89376	-23041 -2070180 905139 -2549963 3715004	123139 2357349 4126224 9507074 -16947016	7 -1 2 -8
4331 * (2)	(3, 5, -5, 3)	-1 109 13 -127 -17	-1732 33 792 -2331 -435	7276 -142894 -6511 169930 -496	569232 538152 -750102 1435128 138732	1 -3 1

m	α	x^4	x^3	x^2	x	
4331	(8, 2, 8, 1)	-1 -1443 4819 5202 -8578	-1732 62994 15873 -46096 -32771	-14379 1803238 -9023569 -7450887 14671218	218421 -66620574 -98151588 -42459894 185467201	-34 112 22 -97
(3)						
4331	(2, -1, -5, 5)	-1 -2346 -615 74 2887	-1732 -21040 -9954 -3035 34029	37593 3849837 877186 -159162 -4567861	-249327 -49853970 -8548626 -7508905 50025984	10 2 -5 -6
(4)						
4411 (11x401) *	(9, 2, 0, 3)	-1 40 -739 195 29	-1764 -245 2415 917 -2289	14468 -67193 1301776 -333900 -96432	116768 916750 -13748780 1010724 3312308	-5 2 1
(1)						
4411	(2, 6, 11, 2)	-1 -10424 1123 5152 4149	-1764 26360 -25168 -20471 19279	18879 18384851 -2478372 -8848436 -7058043	85891 -226091920 51166072 123913445 41314530	-54 17 2 35
(2)						
4411 *	(7, 12, 6, 4)	-1 -38 -14 -163 97	-1764 1173 -816 663 -1122	-25231 45102 67791 265857 -156318	59425 -605527 621914 3348208 -931282	- -1 1
(3)						
4411	(3, -3, 6, 5)	-1 1557 -9013 -1798 9254	-1764 27934 -114625 156048 -69357	1235 -5795262 14481053 3726465 -12412256	553457 -51494154 124936868 -193335814 46595083	- 285 -296 -118 136
(4)						
4631 (11x421) *	(2, -5, -7, 1)	-1 22 37 -34 -25	-1852 188 614 -365 -437	49459 -38875 -57898 58516 38257	-477771 718582 806842 -999673 -528208	- -
(1)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
4631	(5, 3, 10, 6)	-1 8259 -5191 252 -3320	-1852 -101880 18175 -39796 123501	-24637 -13737232 8765677 1369359 3602196	142783 -67430380 108266270 16983324 -83069331	1254 -161 -702 -364
(2)						
4631	(10, 7, 5, 4)	-1 -33 273 -307 -107	-1852 386 -3285 3805 1221	-29268 57201 -469264 525630 184094	-47088 347454 -2816604 2992600 1218504	-2 18 -20 -5
*						
(3)						
4631	(2, 10, 3, 1)	-1 -4 -6752 -6327 13083	-1852 69597 33716 -20589 -82724	12411 303484 13135407 10251737 -23690628	272451 -112515267 -133002376 -62324406 278480544	248 -1752 -460 1993
(4)						
4681	(10, 8, 5, 1)	-1 -22 136 -47 -67	-1872 -71 -1570 1355 286	-24903 54444 -235113 65085 115584	99387 316971 -1055448 -846090 1286244	-10 18 -7 -
(31x151)						
*						
(1)						
4681	(3, -6, -1, 3)	-1 716 -582 -943 809	-1872 14739 670 -16701 1292	40631 -1035762 1167219 1387633 -1519090	-228283 6617201 -21822738 -13994924 28553474	3 45 44 -9 -9
(2)						
4681	(1, -6, 3, 3)	-1 -2824 -5746 4625 3945	-1872 -82227 -116862 176705 22384	12545 2011360 7791855 -4168489 -5634726	558125 41762851 59634530 -144914416 19774026	- 63 -115 -9 62
(3)						
4681	(8, 8, 9, 1)	-1 -1074 5860 5701 -10487	-1872 67007 17674 -44271 -40410	-15541 1322526 -11671649 -9032445 19381568	249179 -86633439 -128961344 -57920474 247787576	-36 146 31 -138
(4)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
4741 (11x431) (1)	(9, 0, 7, 0)	-1 -4027 -2292 6833 -514	-1896 121773 99433 -167892 -53314	-10051 4810563 1137048 -7745102 1797491	578933 -92249872 -78597237 90796738 62719946	-536 699 338 -484
4741 (2)	(6, 11, 6, -4)	-1 -847 -246 3521 -2428	-1896 -2723 1283 5098 -3658	37359 1563327 496710 -6662624 4602587	-151181 -25873018 -10549719 115190728 -79018928	57 29 -249 162
4741 (3)	(0, 11, 12, 8)	-1 -17495 7950 6361 3184	-1896 -139969 1645 28586 109738	8913 31665369 -13571376 -12953128 -5140865	303955 113232454 34680939 -29239300 -162033064	-1 -3820 850 2396 616
4741 (4)	(9, 6, 7, 12)	-1 -241 3456 -4165 950	-1896 -4647 -34319 57360 -18394	-38497 500355 -6239058 7169554 -1430851	-217555 17948396 -77394465 68566654 -11332486	- 126 -102 6 -28

CORPS UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = m^4$

$$m = 13981 = 11 \times 31 \times 41$$

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
13981 $11 \times 31 \times 41$ *	(7, 14, 20, 10)	-1 100 -10 -7 -49	-5592 -2011 130 52227 91 40185 1348	-158265 -519426 52227 964458 508320 1258866	-424575 -6003549 964458 508320 1258866	12 63 -8 -38
13981 *	(1, -3, -6, 7)	-1 131 -17 118 -232	-5592 4992 -1689 1026 -4329	205241 -568566 -2223 -629103 1199892	-1878599 3599098 1559084 18452234 -24837971	- 54 38 -107 15
13981 *	(13, 6, 3, 4)	-1 1085 -336 499 442	-5592 -19077 4963 -4320 -12630	-46417 -5630727 1813618 -2730918 -2499081	1644613 39193852 -9604667 -2010250 41417990	16 99 -433 639 1013
13981 *	(5, -5, -11, -13)	-1 -1 13 -5 -7	-5592 -215 -523 347 391	-32436 10344 -42990 7638 25008	5992704 679788 1011528 -875592 -1020492	2 -10 7 11 -11
13981 *	(0, 7, 12, 0)	-1 -779 -2 477 304	-5592 -5501 -3975 2474 7002	205241 4316293 -179296 -2624952 -1512045	-2074333 -125176514 13819847 82464876 27000664	62 -44 -522 -44
13981 *	(7, -8, 4, 3)	-1 7 -77 -9 121	-5592 379 371 -163 -583	135336 -28622 455582 41664 -674406	847696 -786604 -11341516 -650292 18528028	- 1 -8 - 4
13981	(4, -5, 4, -9)	-1 -19036 6797 1362 10877	-5592 -648490 603754 -494989 539725	9507 61512143 -26514584 -12420414 -22577145	7432747 1647249208 -1794514184 1373325969 -1548118930	- -1453 1657 1747 -1919

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
13981	(3, 4, 12, 12)	-1 -24778 41924 -7593 -9553	-5592 -15589 20910 16405 -21726	-130303 138300176 -234443207 41974995 54168036	442247 3458423669 -5817066692 955614150 1386098216	-4939 9792 -2309 -2526
(8)						
13981	(12, 6, 3, -2)	-1 -10164 67241 -6022 -51055	-5592 -103490 -1453510 1649211 -92211	-46417 105285147 -336672712 -8179554 239567119	4301003 -397135560 2242423040 -6447075319 2428563166	26 -139195 185983 23411 -68025
(9)						
13981	(5, 8, 3, 15)	-1 -366 -4 109 -79	-5592 449 482 -2221 -1394	-74379 1785660 8423 -551475 761140	3238447 24357759 -1723988 770914 1245496	28 -365 - 252 -844
*						
(10)						
13981	(11, -1, 0, 9)	-1 -21 11 -100 110	-5592 -478 197 -2810 3091	261165 105540 -57685 477429 -525284	-4479065 -3001776 1786630 -12223204 13437229	28 24 -1 92 -10
(11)						
13981	(6, 15, 6, 4)	-1 -16689 -30050 -40649 87388	-5592 1039355 283909 115710 -1438974	-46417 75536073 182393074 204481392 -462410539	2623283 -4243534230 -635452169 1075778680 2651274656	28 -2590 -102455 -3619 16571
(12)						
13981	(8, 6, -2, -11)	-1 -49975 16373 53546 -19944	-5592 -746016 1285545 -974458 434929	37469 216138166 -81493257 -284757349 150112440	4384889 28017406 -4921087564 5626260086 -2660248869	1 -4887 6131 13706 -14757
(13)						
13981	(5, 0, 11, 8)	-1 -6797 -6044 -20897 33738	-5592 701171 -378433 1020196 -1342934	-74379 -692083 42400584 76890742 -118599243	3993421 -1715280376 1743894373 -1961970826 1479351054	3207 -2027 -2451 1316
(14)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
13981 *	(1, 12, 4, 7)	-1 1114 79 -383 -405	-5592 6266 -7537 -6335 3803	-32436 -6204700 -180426 1946602 2219262	1518784 -77984896 29112544 45280544 -4978368	-1 1140 -322 120 -462
13981 (16)	(14, 18, 13, 4)	-1 -1222 15809 -9784 -4803	-5592 -6150 -341688 278399 69439	-214189 8434519 -81197730 47404958 25358253	-2493763 211990102 -1723134166 783709961 698835876	-5 -155 -5012 711 4486

T A B L E I'

CORPS UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = m^4$

D'INDICE DE θ : $I(\theta) = m_1 \times m_2$

- $m < 5000$

- $m = 11 \times 31 \times 41$

Coefficients d_h , ($d_h \theta_{i+h} = g_h(\theta_i)$), dans les cas où
 m_1 et m_2 ne sont pas premiers entre eux.

m	d_1	d_2	d_3	d_4	p	deux racines doubles	une racine d'ordre 4
m premier							
41	9	9	9	9	3	*	*
151	32	8	32	16	2		*
241	176	176	176	176	2		*
251	800	200	800	400	2		*
311	91	91	91	91	7	*	
431	192	192	24	96	2	*	*
					3	*	
491	11679	11679	11679	11679	3	*	
571	1984	992	3968	3968	2		*
641	4880	4880	4880	4880	2		*
661	567	1701	1701	567	3		*
761	345	345	345	345	3	*	
911	616	1232	2464	2464	2		*
971	728	5824	2912	5824	2		*
1021	20007	6669	2223	20007	3		*
1051	4293	477	1431	4293	3		*
1091	68835	68835	68835	68835	3	*	
1171	3969	11907	3969	11907	3		*
1181	4864	2432	2432	4864	2		*
1301	341	341	341	341	11	*	
1471	9153	27459	9153	27459	3		*
1511	13149	13149	13149	13149	3	*	
1811	16576	16576	2072	16576	2		*
1861	263585	263585	263585	263585	7	*	
1871	42273	42273	42273	42273	3	*	
2011	27712	13856	27712	13856	2		*
2111	411843	411843	411843	411843	3	*	
2131	68931	68931	68931	68931	3		*
2161	10773	32319	32319	10773	3		*
					7		
2281	1377	1377	1377	1377	3		*
2351	113024	113024	28256	56512	2		*
2381	45920	45920	45920	45920	2		*
2411	488	976	1952	1952	2		*

2791	31977	26793	20793	15931	3	*
2851	23895	71685	23895	71685	3	*
3001	6677	6677	6677	6677	11	*
3061	3760	15040	15040	3760	2	*
3121	67840	33920	33920	67840	2	*
3191	2743533	2743533	2743533	2743533	3	*
3221	14976	7488	7488	14976	2	*
3251	48512	194048	97024	194048	2	*
3301	123904	123904	30976	15488	2	*
3331	100928	50464	100928	12616	2	*
3361	85904	85904	85904	85904	2	*
3391	191264	47816	191264	95632	2	*
3541	306176	153088	153088	306176	2	*
3691	214893	214893	214893	214893	3	*
3761	5552	5552	5552	5552	2	*
3821	246656	246656	246656	246656	2	*
3851	1211421	1211421	1211421	1211421	3	*
3881	32256	129024	32256	32256	2	*
4051	106191	106191	35397	35397	3	*
4111	380457	42273	126819	380457	3	*
4201	225585	225585	225585	225585	3	*
4211	602576	620576	310288	155144	2	*
4621	117689	117689	117689	117689	13	*
4721	3268719	3268719	3268719	3268719	3	*
4751	2752256	1376128	5504512	5504512	2	*
4801	16767	150903	50301	150903	3	*
4861	586880	586880	586880	586880	2	*
4871	358984	2871872	1435936	2871872	2	*

m	d ₁	d ₂	d ₃	d ₄	p	deux racines doubles	une racine d'ordre 4
4931	25456	50912	12728	50912	2	*	*
4951	32967	98901	98901	32967	3	*	*
					11	*	
m = p ₁ × p ₂							
341 (1)	8961	8961	8961	8961	3	*	
341 (3)	896	448	448	896	2		*
451 (1)	1664	832	3328	3328	2		*
671 (2)	189	189	189	189	3	*	
671 (4)	3424	3424	1712	856	2	*	
781 (1)	1215	1215	405	405	3		*
781 (2)	736	736	736	736	2		*
1111 (2)	37639	37639	37639	37639	7	*	
1111 (3)	14823	4941	14823	4941	3		*
1111 (4)	15040	7520	15040	1880	2		*
1271 (3)	8704	4352	17408	17408	2		*
1441 (1)	4635	41715	41715	13905	3		*
1441 (4)	3184	3184	3184	3184	2		*
1661 (4)	102051	102051	102051	102051	3	*	
1891 (2)	2344	4688	9376	9376	2		*
1891 (3)	15111	135999	135999	45333	3		*
1991 (1)	2304999	2304999	2304999	2304999	3	*	
1991 (2)	10688	42752	21376	42752	2		*

223 (4)	1000	1000	1000	1000	1000	1000	1000
2321 (1)	559	559	559	559	559	559	559
2321 (4)	2064	2064	2064	2064	2064	2064	2064
2501 (1)	35840	4480	35840	8960	2	3	*
2651 (2)	61827	61827	61827	61827	3	*	*
2761 (1)	76869	76869	76869	76869	3	*	*
2761 (3)	920521	920521	920521	920521	7	*	*
2911 (3)	6056	48448	24224	48448	2	*	*
2891 (4)	14208	14208	14208	14208	2	*	*
3091 (2)	35360	35360	17680	8840	2	*	*
3091 (4)	15219	136971	136971	45657	3	*	*
3131 (2)	48336	96672	24168	96672	2	*	*
3421 (2)	103424	103424	25856	12928	3	*	*
3421 (3)	19359	2151	6453	19359	3	*	*
3641 (1)	9638463	9638463	9638463	9638463	3	*	*
3641 (2)	857072	857072	857072	857072	2	*	*
4061 (2)	89216	89216	89216	89216	2	*	*
4061 (4)	5418147	5418147	5418147	5418147	3	*	*

4411	213435	640305	640305	213435	3	*
(3)						
4631	2457	2457	2457	2457	3	*
(1)						
4631	8072	16144	32288	32288	2	*
(3)						
4681	298323	298323	298323	298323	3	*
(1)						
m=11x31 x41 =13981						
13981	326349	108783	108783	326349	3	*
(1)						
13981	1227555	1227555	1227555	1227555	3	*
(2)						
13981	11860911	1317879	3953637	11860911	3	*
(3)						
13981	204768	204768	204768	204768	2	*
(4)						
13981	1891127	1891127	1891127	1891127	19	*
(5)						
13981	290560	1162240	145280	1162240	2	*
(6)						
13981	13641875	545675	2728375	13641875	5	*
(10)						
13981	13548544	13548544	13548544	6774272	2	*
(15)						

T A B L E II

CORPS NON UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = 5^8 m^4$
 $m < 1000$

POLYNOME FONDAMENTAL

POLYNOMES $g_h \left(d_h \theta_{i+h} = g_h(\theta_i) \right)$

$$I(\theta) = \sqrt{D(\theta) : D_K} = m_1 \times m_2$$

CORPS NON UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = 5^8 m^4$

$m = p$ premier

$p \equiv 1 \pmod{5}$

$p < 1000$

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
1	(0, 0, 0, 1)	0 -3 1 4 -2	-10 -2 3 -2 1	5 24 -8 -39 23	10 -6 -19 36 -18	
11	(0, 2, 1, 1)	0 222 -14 -81 -127	-110 363 -152 -197 -14	55 -23891 1937 8136 13818	660 -27436 13436 14271 -5048	
(1)						
11	(2, 1, 2, 1)	0 -6 -13 -2 21	-110 16 6 -9 -13	-495 603 1414 287 -2304	-440 1448 5832 1572 -8981	
*						
(2)						
11	(1, 0, 2, 1)	0 2 -3 1 -3	-110 -7 1 -13 39	-220 -186 279 59 127	1485 59 567 229 -2207	
*						
(3)						
11	(1, -1, -1, 0)	0 -7 4 -9 12	-110 -23 7 -48 64	605 676 -417 734 -993	-990 -2149 1744 -1516 1878	
(4)						
31	(1, 3, 1, 1)	0 -17 -13 -29 9	-310 167 31 27 -32	-620 4661 4209 8209 -2661	7285 -36279 -3663 6709 3516	
*						
(1)						
31	(3, 2, 2, 2)	0 -8 156 -101 -47	-310 -37 -772 653 156	-2945 3429 -44463 27236 13798	-8990 23364 -240534 120231 93952	
(2)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
31	(0, 1, -2, 0)	0	-310	155	20460	
*		1	-11	-288	1937	
		-2	-11	411	1208	
		1	22	174	-4036	
(3)		2	44	-543	-8072	
31	(2, 0, -1, 0)	0	-310	1705	310	
		248	-348	-74209	530246	
		-601	-248	186658	-950496	
		396	1627	-115221	211524	
(4)		-43	-1031	2772	141063	
41	(1, 2, 3, 0)	0	-410	2255	2460	
		-843	-1657	341004	-1228341	
		-324	-2397	110527	33646	
		29	-1312	-9384	563846	
(1)		1138	5366	-442147	465982	
41	(2, -1, 1, 2)	0	-410	3280	-615	
*		-3	-97	-501	7689	
		-39	-207	14567	-57089	
		19	263	-5259	-20239	
(2)		23	41	-8807	61207	
41	(2, -1, 1, -1)	0	-410	205	39360	
		-282	-3998	59001	777366	
		129	1812	-27032	-352246	
		-184	-2603	38379	505834	
(3)		337	4789	-70348	-931747	
41	(1, 2, 3, 3)	0	-410	-3895	-9840	
		48	-413	-17559	-30354	
		354	-1818	-135637	-683086	
		-509	2947	191724	870736	
(4)		107	-716	-38528	-167122	
61	(1, -2, 1, 1)	0	-610	3355	40260	
*		-8	-127	2829	18454	
		-22	-326	8361	44378	
		37	599	-13212	-93557	
(1)		1	12	-404	-966	

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
61	(2, 3, 3, 3)	0 -38 -59 64 33	-610 178 628 -417 -389	-8845 22229 29532 -36149 -15612	-45140 233274 204306 -333574 -106233	-
(2)						
61	(0, 1, 3, 0)	0 11 -13 -27 -1	-610 -6 -19 11 8	4880 -6703 7549 16587 669	5185 57202 -57453 -137643 -9084	-
*						
(3)						
61	(3, 0, 1, 0)	0 -373 1776 479 -1882	-610 4523 -13657 17828 -8694	305 432684 -996543 -303524 867383	64660 -2587161 5747586 -7573974 1474762	-68 68 30 -30
(4)						
71	(2, 1, 2, -1)	0 -332 749 2496 -2913	-710 25132 3652 -7893 -20891	355 324821 -808242 -1416071 1899492	78810 -13420894 -3307136 2648804 9070143	-40 128 54 -140
(1)						
71	(1, -1, -1, 2)	0 -13 6 49 -42	-710 -107 73 238 -204	11005 8184 -3423 -33634 28873	-59640 -78491 23616 375836 -321268	-
(2)						
71	(0, 2, 1, 3)	0 -116 -448 283 281	-710 1721 7996 -4789 -4928	-3195 50333 179209 -117988 -111554	71710 -323252 -1810438 1030837 1073504	-
*						
(3)						
71	(1, 0, 2, 3)	0 -51 229 -21 -43	-710 -189 737 -22 -271	-1420 35063 -160417 14661 31647	30885 200573 -846761 46806 228023	-
*						
(4)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
101 (1)	$(1, 0, 2, -2)$	0	-1010	5555	112110	
		878	50147	-286809	-33213274	3
		744	-5938	-1332747	624084	281
		3601	-163	-3149896	17937919	125
		-5223	-44046	4769452	4020538	-410
101 (2)	$(0, 2, 1, -2)$	0	-1010	15655	-69690	
		-192	-4518	111551	133996	1
		899	9182	-811652	5845774	-2
		-1254	-5563	1243389	-14114526	27
		547	899	-543288	7751633	-25
101 * (3)	$(1, -1, -1, -3)$	0	-1010	-2020	210585	
		-1	1	733	1103	
		-1	47	273	-25531	
		9	-147	-6689	59671	
		3	-49	-267	10077	
101 * (4)	$(2, 1, 2, 4)$	0	-1010	-4545	41410	
		-199	-4091	161632	4511507	20
		1418	199	-1428089	-6606442	44
		-1703	9734	1667468	-1863662	-61
		484	-5842	-401011	2387296	-3
131 (1)	$(2, -2, 3, 1)$	0	-1310	655	381210	
		-748	8663	-385091	-11627216	490
		-2804	-56272	2993757	35753006	-521
		-141	68193	748316	-53398589	-311
		3693	-20584	-3356982	12677172	342
131 (2)	$(2, 5, 4, 3)$	0	-1310	-18995	-51090	
		3512	-11792	-4567551	-51399986	-26
		561	-14732	-428478	2480916	-15
		-1256	-2207	1607801	26900696	96
		-2817	28731	3388228	19198157	-54
131 * (3)	$(1, -2, -4, -1)$	0	-1310	23580	-113315	
		19	91	-23767	340373	
		11	203	-11183	44101	
		-37	-349	44737	-464243	
		-1	-37	349	4021	

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
131	(5, 1, 3, 2)	0 -3 5846 -1941 -3902	-1310 -21327 -58427 73978 5776	-12445 988304 -6839393 1295526 4555563	125760 6381689 -15230884 -46683864 41660512	-356 595 -94 -144
(4)						
151	(1, -3, -2, 0)	0 1897 -29 -366 -1502	-1510 22398 -1897 -5452 -15049	30955 -2601146 21392 464121 2115633	-202340 27972004 1703451 -4626864 -25316688	-50 -17 11 55
(1)						
151	(3, 1, 4, 3)	0 11 -7 16 -28	-1510 -136 29 -428 749	-21895 -14238 9636 -12711 26517	31710 -88808 121483 28154 -177452	-
*						
(2)						
151	(3, 1, 4, 1)	0 -6383 -2349 1204 7528	-1510 52268 -17107 -32812 -2349	-14345 9187374 3323652 -1126639 -11384387	46810 16938504 57745551 17772426 -104665508	-416 194 -90 312
(3)						
151	(1, -3, -2, -2)	0 -11747 6319 3526 1902	-1510 -102178 2837 10812 88529	8305 16630766 -8474472 -6200771 -1955523	205360 33801876 39030309 -5012756 -96978312	- -1770 402 1162 200
(4)						
181	(0, 3, -1, -1)	0 3508 3079 -5834 -753	-1810 100322 97442 -154323 -43441	9955 -3718309 -2692452 6030409 380352	544810 -68500704 -66920946 93879034 36053433	- 223 -161 -185 123
(1)						
181	(3, 4, 3, 4)	0 91 18 -53 -56	-1810 -781 -451 374 858	-44345 -158088 -22779 92828 88039	-378290 -2677863 -184542 1705278 1139956	- -11 -
*						
(2)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
181 * (3)	(1, 0, -3, 1)	0	-1810	28055	38010	-
		94	-239	-171927	2933018	-
		-12	-206	16331	-100312	-
		-19	137	39984	-658121	-2
		71	1682	-95004	-280946	6
181 * (4)	(4, 1, 1, 0)	0	-1810	-3620	449785	1
		-31	141	75383	-350137	-25
		107	-1109	-179291	1095897	30
		3	1231	-14763	-1747203	5
		-79	-263	118671	384099	-10
191 * (1)	(1, 4, -1, 2)	0	-1910	-8595	594010	1
		-469	66639	-208028	-82062483	276
		-72	-8911	1403661	-3333692	-955
		-3063	-5036	4728318	27251048	-572
		3604	-52692	-5923951	31213326	1251
191 * (2)	(4, 5, 3, 2)	0	-1910	-42020	-260715	-
		8	-103	-13244	-184889	-
		-7	169	10011	38023	-
		-81	333	153341	2768731	9
		63	-259	-120387	-2125413	-6
191 (3)	(2, 1, -3, -1)	0	-1910	10505	584460	-1
		7722	348	-11912971	73019984	1446
		2621	199138	-1016738	-219147604	-567
		-9366	-149687	14847261	73038336	-2998
		-977	-49799	-1917552	9054637	2119
191 (4)	(5, 2, 1, 3)	0	-1910	955	183360	-
		3898	-58063	-6349449	95159816	-298
		-13806	65132	26101863	-137344596	-1783
		12101	50597	-22852856	-82955411	1605
		-2193	-57666	3100442	86016388	476
211 (1)	(3, -2, 0, 0)	0	-2110	32705	128710	-1
		-9992	-120663	19140901	-120159664	-1757
		6064	18952	-11752027	164053614	115
		-69	-44933	-2096556	26607069	1003
		3997	146644	-5292318	-104396772	637

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
211 * (2)	(2, 2, 5, 2)	0	-2110	-20045	23421	2
		76	-776	-151693	-16198	16
		-253	1096	492894	2642132	-26
		-212	1421	464787	480952	-7
		-73	1489	135852	-1373917	-16
211 * (3)	(3, 3, 5, 3)	0	-2110	-46420	-266915	
		179	-2239	-348807	-3983577	-
		-111	877	220683	3465579	10
		-11	28	26111	334776	-
		-203	3489	372487	2953223	-6
211 (4)	(2, -3, 0, 0)	0	-2110	32705	-29540	-
		10087	118453	-19915576	95135289	93
		1246	-22547	-2522043	85886436	-56
		-2591	-53442	4226866	-1504624	59
		-8742	-42464	18210753	-197375388	-42
241 * (1)	(2, -4, 2, -1)	0	-2410	13255	375960	
		-67	532	159816	-2127514	-14
		-131	707	313428	-3432341	-3
		-74	302	173229	-1775486	-14
		272	-1541	-646473	7249238	60
241 (2)	(4, 6, 6, 3)	0	-2410	-71095	-756740	-2
		-83	1528	171584	2752674	12
		-179	1873	411132	8443101	47
		34	-942	-59699	-640534	-
		228	-2459	-523017	-10568358	-56
241 (3)	(0, 2, 6, 3)	0	-2410	1205	833860	2
		19183	-224568	-43238024	415148966	9749
		-15401	-97553	29923028	57610179	-3409
		-6354	55222	20328999	-161251626	-9034
		2572	266899	-7014003	-495298242	2694
241 (4)	(6, 0, 2, 3)	0	-2410	37355	183160	-
		-4993	18548	12993984	-211499646	-1242
		7911	-24187	-19027668	342858261	580
		2594	83978	-4634009	-62151834	702
		-5512	-78339	10667693	-95174318	-41

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
251	(4, 2, 4, 1)	0 -1787 7019 6126 -11358	-2510 81682 19657 -64968 -36371	-36395 3117266 -18516192 -12962171 28361097	240960 -102484144 -289746431 -133100536 493307268	-754 1825 175 -1247
(1)						
251	(2, -2, -2, 1)	0 -17 9 -64 72	-2510 -268 107 -1288 1449	76555 38166 -21252 134719 -151633	-850890 -708724 438309 -2188226 2458048	3 3 -2 10 -11
(2)						
251	(0, 4, 2, 3)	0 -8009 2913 3852 1244	-2510 -53736 709 20984 32043	-11295 19688582 -6741804 -9832137 -3114641	479410 218571132 -47222617 -97736522 -88210824	-1 -2291 540 1499 252
*						
(3)						
251	(2, 0, 4, 3)	0 -843 -3229 -6366 10438	-2510 127698 -80597 204688 -251789	-23845 -2794726 8919112 10989981 -17114367	768060 -166350496 202277951 -184365684 95073772	2585 -1648 -1831 894
(4)						
271	(6, 2, 3, 3)	0 -5098 22646 -7191 -10357	-2710 12663 -283612 228983 41966	-39295 16106459 -57255773 15362256 25787058	287260 79394464 -208209024 -246883389 292905972	3 -3953 7430 -2579 -897
(1)						
271	(2, -1, -4, -1)	0 82 71 -166 13	-2710 428 2158 -2207 -379	55555 -207921 -145398 415551 -62232	-65040 3518524 -834844 -3964504 786157	-2 -5 17 -27 15
*						
(2)						
271	(3, 6, 4, 3)	0 -467 -171 -67 193	-2710 6607 2407 941 -2724	-59620 1172151 429663 168247 -484577	-261515 11258601 4142049 1632147 -4667668	1 -37 -13 -5 15
*						
(3)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
271	(1, -3, 3, 0)	0 -2063 -3284 3139 2208	-2710 -53897 -125507 139368 40036	1355 2519204 4826487 -4000814 -3344877	1791310 67882569 165136836 -188767624 -53354358	- 329 -392 -272 336
(4)						
281	(4, -1, 0, 1)	0 -378 1751 3804 -5177	-2810 39198 -13352 110203 -136049	57605 2548799 -5217968 -7649859 10319028	16860 -88081546 125009246 -1477914 -46047893	- -321 -103 443 -19
(1)						
281	(1, 1, 5, 2)	0 9181 -6352 -2483 -346	-2810 -118081 -16121 8324 125878	-12645 -23831308 15121951 9318968 -609611	1000360 135809407 81184718 -36098882 -273797734	4 6032 -1895 -4682 546
*						
(2)						
281	(4, 4, 5, 3)	0 -1708 -1014 469 2253	-2810 31213 6778 -14447 -23544	-82895 4223199 2784237 -918724 -6088712	-826140 64648354 65911146 -8902219 -123091078	-2 224 400 -40 -590
(3)						
281	(1, -4, 0, -1)	0 947 601 -21 -1527	-2810 6713 -5227 -6717 5231	22480 -2587211 -1583553 -114859 4285623	332985 3637519 26914931 13339501 -49420863	259 -28 99 -330
*						
(4)						
311	(1, 2, 3, -2)	0 7263 1324 9621 -18208	-3110 265617 -53413 46352 -258556	63755 -16234484 -8107687 -27818826 52160997	65310 -200113169 100837204 484717104 -467620642	- 2636 2989 -339 -5280
(1)						
311	(2, -1, 1, 4)	0 -129 463 -149 -9	-3110 -2291 6429 -1413 -328	55980 350637 -1352659 448049 26481	10885 -1338613 7031403 -4096731 451624	- -11 11 -29 -9
*						
(2)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
311 (3)	$(2, -1, 1, -3)$	0	-3110	1555	2351160	-928
		-5638	-162332	9634359	238130764	1023
		2031	134158	-3967278	-216161364	1073
		-326	-113447	-426769	173038736	-1167
		3933	141621	-5240312	-221676043	
311 (4)	$(1, 2, 3, 5)$	0	-3110	-45095	391860	5
		-12058	60863	34564579	352447624	-1774
		-9794	279548	25596627	-322499344	-4584
		29649	-388617	-86520784	-242644469	12734
		-7797	48206	26359578	105977052	-6374
331 (1)	$(2, 3, -2, 1)$	0	-3310	1655	2287210	-3
		18772	-188072	-44543341	270891834	10869
		-2669	491008	13200462	-1032164844	-10176
		-14876	-392607	42417451	672236456	-18577
		-1227	89671	-11074572	-274098363	17883
331 (2)	$(3, 5, 1, 2)$	0	-3310	-47995	946660	6
		-8627	495187	13924776	-710404689	-1422
		2994	-193853	1436943	106504284	-7173
		-13349	40282	38661254	542118864	-3955
		18982	-341616	-54022973	-127998412	12552
331 * (3)	$(4, 2, -1, 1)$	0	-3310	18205	665310	-5
		-112	-1223	358761	1855616	-57
		-568	-5864	1817739	8434802	-283
		1453	15401	-4646628	-22827473	726
		-61	-652	194734	966436	-30
331 * (4)	$(5, 4, 2, 3)$	0	-3310	-72820	-220115	-5
		7	-1197	19189	2052749	-7
		-521	7927	1586453	14449449	-23
		483	-1429	-1597863	-30509163	139
		-473	-281	1532517	35760633	
401 (1)	$(3, -1, 3, 4)$	0	-4010	22055	1648110	-11
		17557	108673	-81028416	-332299301	41629
		-52014	-706697	196506987	1243431066	-58572
		5369	627838	-13306424	-2009147434	2197
		29088	-29814	-102172147	483928232	14746

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
401 *(2)	$(1, 4, 4, 5)$	0	-4010	-88220	475185	4
		-21	411	67133	773593	-2
		-11	427	28343	-155851	-1
		3	-94	-8673	-14148	
		61	-2323	-155109	573119	2
401 (3)	$(0, 3, 4, -1)$	0	-4010	142355	-1720290	6
		-3968	-67342	14762609	-314467856	1552
		-859	-21802	2857872	-51309394	261
		114	-4257	-567569	31011106	-343
		4713	93401	-17052912	332718747	-1469
401 *(4)	$(4, 0, 3, -1)$	0	-4010	-18045	3171910	
		-3554	180149	9892757	-369099818	-3977
		-2072	141254	605291	-278365592	5569
		7187	-210341	-17804672	284773433	2846
		-1561	-111062	7306624	266130986	-4438
421 *(1)	$(3, 3, 5, 5)$	0	-4210	-134720	-1227215	-3
		-83	473	343259	9319119	53
		34	-253	-141402	-3530211	-15
		-14	297	52054	807079	
		3	-649	14133	1363617	4
421 (2)	$(3, -2, 0, -2)$	0	-4210	23155	3351160	-8
		-24892	-706313	82523451	1061247666	-39040
		22014	1162	-70823907	430343934	22230
		-5119	-217193	-5738516	100692519	29214
		7997	922344	-5961028	-2189201422	-12403
421 *(3)	$(2, -3, 0, 2)$	0	-4210	128405	-858840	
		139	4651	-430812	3453083	2
		4	457	1683	-761986	
		-59	-1928	182124	-1745506	3
		26	-238	-120609	3896134	-11
421 (4)	$(2, 2, 5, 0)$	0	-4210	23155	825160	-2
		-39698	126858	166502749	-1445447666	-23389
		-11459	-304072	38993372	737965266	378
		7764	-245257	-26732229	1053577266	-8309
		43393	422471	-178763892	-743880633	2791

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
431	$(1, -5, 2, -2)$	0	-4310	2155	1900710	11
		-2877	596512	9441666	-2235441384	1496
		-23871	184047	112377268	-995823031	-52425
		-30184	-95468	113353059	-112545086	-17160
		56932	-685091	-235171993	2690960228	68089
431	$(5, 7, 6, 3)$	0	-4310	-170245	-2430840	-11
		-63	458	286374	7750764	50
		1611	-32157	-6300728	-148536509	-956
		-1306	27668	5043801	115449596	722
		-242	4031	970553	25193032	183
431	$(1, -1, -6, -3)$	0	-4310	23705	3129060	3
		21213	-496118	-87960834	1800359196	40067
		-31281	-636063	94991168	507266429	-18684
		-3374	359452	40186149	-1087583336	-47544
		13442	772729	-47216483	-1963936432	26160
431	$(7, 1, 2, 4)$	0	-4310	66805	737010	
		-21453	84548	92206554	-1795906536	-8818
		39321	-157227	-168831268	3300879991	15774
		-7916	38228	34083051	-690039214	-3074
		-9952	34451	42541663	-820320788	-3886
461 *	$(5, 5, 5, 1)$	0	-4610	-101420	684585	
		-69	2769	236317	-2661613	-55
		73	739	-384529	-9262087	8
		117	-2861	-411717	-3944607	
		-121	-647	559929	14518291	-3
461 *	$(5, 0, 0, 4)$	0	-4610	186705	-2715290	1
		82	1083	-362611	10561254	-8
		-144	-2242	629127	-17086004	12
		99	2413	-397224	8819711	-5
		-37	-1254	130708	-2357718	1
461	$(0, 5, 0, 4)$	0	-4610	-43795	1203210	
		55567	371113	-253844976	-4140345761	3945
		-12114	-126677	56830377	1049612286	-1014
		-26881	-194042	121759156	2054071706	-1678
		-16572	-50394	75255443	974627672	-1252

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
461 (4)	(0, 0, 5, 4)	0	-4610	-43795	3277710	3
		-5528	531398	-2648701	-1151837636	23417
		-6049	-341782	33042972	1179392786	-16390
		-15846	731883	49254121	-1418811314	-16902
		27423	-921499	-79648392	1026699207	9875
491 (1)	(2, 5, 4, 5)	0	-4910	-144845	-559740	
		-10422	8512	51271941	1447820676	3730
		7389	-180918	-29136902	-468774976	-1614
		7406	3667	-38241591	-1020444596	53
		-4373	168739	16106552	-9229777	-2169
491 (2)	(5, 1, 3, 0)	0	-4910	-46645	3932910	12
		10617	-529357	-14077716	636369429	-26513
		27216	-873447	-99751553	1161949936	43537
		-17761	1261628	37411446	-2887302724	6606
		-20072	141176	76417823	518584102	-23629
491 (3)	(2, -2, 3, 3)	0	-4910	27005	3711960	-18
		8742	-4237	-80123121	-538217316	98951
		-53094	-1073832	233722867	2085697696	-122099
		749	1282463	21174096	-4540036369	-25804
		43603	-204394	-174773842	1390489552	48951
491 * (4)	(1, -2, -4, 1)	0	-4910	186580	-2290515	9
		-243	-2437	1168839	-33622251	220
		21	-237	-121153	4353181	-29
		23	226	-110463	3215182	-21
		19	433	-81991	1737551	-8
521 *(1)	(5, 0, 0, 1)	0	-5210	93780	1346785	2
		-67	297	362611	-7597749	-83
		57	-319	-294561	6862987	38
		3	451	-7083	-1707823	10
		-53	-561	240677	-3565827	-14
521 (2)	(0, 0, 5, 1)	0	-5210	28655	4016910	9
		45338	-821153	-224391149	4226655266	106944
		-45296	-723518	179620413	277618384	-40520
		-15459	385257	115705424	-2037261901	-116336
		15417	1159414	-70934688	-4057870962	49912

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
521 (3)	(5, 5, 5, 4)	0	-5210	-231845	-3798090	-21
		177	-5367	-760976	-17875741	-127
		466	-9497	-2232553	-62627734	-501
		-411	10918	1853496	45957366	329
		-232	3946	1140033	34454992	299
521 (4)	(0, 5, 0, 1)	0	-5210	28655	2453910	13
		-3592	652862	19395651	-3108184984	2753
		-33561	267362	184583568	-2439008766	-81566
		-33794	-138943	155108909	-966249506	-25054
		70947	-781281	-359088128	5707661053	103868
541 * (1)	(2, 3, 3, 6)	0	-5410	-119020	1019785	21
		-113	613	561689	10216959	-28
		-37	1829	149541	-3828297	-51
		229	-4137	-1149869	-7733899	289
		-21	-67	144549	1278351	-79
541 (2)	(3, 0, 1, -3)	0	-5410	2705	7146610	-1
		4678	576547	-7813899	-1630833834	-10175
		-6516	-28898	12335583	-5645496	12289
		10411	-23303	-33986416	43618719	11147
		-8573	-524346	29464732	1366510898	-13260
541 * (3)	(1, -2, 1, 4)	0	-5410	110905	600510	-17
		227	3853	-1166136	5229479	231
		-86	-1493	439253	-1918906	-84
		379	6818	-1930044	7298506	375
		56	922	-285699	1493324	50
541 (4)	(0, 1, 3, -3)	0	-5410	165005	-643790	-10
		15988	605322	-68672579	-98539984	13126
		3409	-73598	-27309172	498625254	10144
		15786	134437	-80225481	1950097074	-6023
		-35183	-666161	176207232	-2581627167	-17248
571 (1)	(1, 3, 6, 6)	0	-5710	-168445	-850790	5
		-5497	-101128	30904126	1482566556	15067
		32009	-314593	-179524332	-3627416811	2592
		-35164	729792	185774879	2059082194	-15537
		8652	-314071	-37154673	-150723552	-2121

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
571	(3, -3, 2, -3)	0 -16097 24729 -8534 -98	-5710 -864998 -329183 183232 1010949	2855 71746446 -92570352 3432359 17391547	7628560 2390656056 831811089 -809497536 -3273917812	-5 -53656 39277 51690 -37310
(2)						
571	(5, -1, 2, 5)	0 7 -917 482 138	-5710 -1222 -18151 17704 1371	202705 -132186 4840056 -2201787 -747237	-1678740 3794344 -92648387 13676588 20925492	-3 52 -71 248 -111
*						
(3)						
571	(3, 5, 6, 0)	0 34333 26179 19416 -79928	-5710 625572 407707 277312 -1310591	88505 -185484134 -144132172 -105045531 434661837	1376110 -342668284 33332709 193544334 33755208	-22 46903 38251 22808 -107963
(4)						
601	(1, 3, 1, 6)	0 -54893 -7904 70059 -7262	-6010 -133677 1938803 -1596412 -208714	-57095 274803724 -6517063 -373077744 104791083	5144560 3110462179 -7872124674 2451479166 -311360478	31 -88872 30916 227690 -169734
(1)						
601	(3, 2, 2, -3)	0 13 -23 83 -11	-6010 1477 -1289 161 -367	48080 -21549 -14841 -386523 51779	6481785 -4810549 1295657 3061687 706231	-21 -26 211 165 -33
*						
(2)						
601	(0, 1, -2, -5)	0 -14242 68259 -73564 19547	-6010 -600518 696832 421837 -518151	33055 63797091 -402667752 440106769 -101236108	1718860 2329829826 -1834173366 -4971062526 3280541573	-2 20906 89486 -87951 -22441
(3)						
601	(2, 0, -1, 5)	0 -8188 6206 5399 -3417	-6010 -284507 245218 5193 34096	213355 37317709 -28038033 -32854204 23574528	-1526540 -541003206 212635506 1089709061 -801707118	1 2167 1551 -4952 1233
(4)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
631	$(2, 1, 2, 6)$	0	-6310	3155	2467210	17
		16783	-407643	-110251484	2306931791	43335
		42784	-184613	-265482967	1347749844	72778
		-101139	1160932	625867614	-7581510576	-166332
		41572	-568676	-250133163	3464176098	50219
631	$(1, -1, -1, -5)$	0	-6310	-12620	7089285	26
		-4	-41	19512	138257	-7
		1	263	-9933	-1169159	12
		49	-1267	-276429	4283131	204
		-7	181	101883	-1547773	-186
631	$(0, 2, 1, -4)$	0	-6310	192455	-466940	
		-8818	-51292	53651859	-1465852896	2393
		-2709	42818	18514362	-741243804	2370
		33014	38273	-208220189	6106436856	-8160
		-21487	-29799	136053968	-3931622603	3396
631	$(1, 0, 2, -4)$	0	-6310	97805	5022760	-24
		28118	1973657	-87258479	-4972986864	1224
		-16426	-953788	37695753	1286946684	44489
		25571	234597	-130910056	1619077429	39678
		-37263	-1254466	180472782	1133516268	-85392
641	$(4, 6, 6, 5)$	0	-6410	-317295	-5794640	-37
		-41	796	247208	8216078	78
		-73	2231	400204	10909207	87
		58	-1274	-343273	-10890238	-99
		56	-1753	-304139	-8244146	-66
641	$(6, 0, 2, 1)$	0	-6410	35255	5807460	19
		-25853	522848	220651904	-3819885566	-249903
		69971	-1297687	-425791788	8400372221	239373
		18534	1738338	-108056189	-7867044014	95324
		-62652	-963499	313196073	251461962	-84794
641	$(2, -4, 2, 1)$	0	-6410	99355	4653660	-4
		25713	1340592	-119904184	-3401125754	60479
		-6151	684167	85146748	-3236886461	-99337
		-44454	-1456378	197104569	533329854	-27082
		24892	-568381	-162347133	4874302958	65940

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
641	(0, 2, 6, 1)	0 53543 -29841 -31814 8112	-6410 -359308 -474733 185942 648099	131405 -340275984 160717308 216055679 -36497003	2153760 9055727726 -2350634901 -5090017406 -2352641522	56401 -10480 -71251 25330
(4)						
661	(5, 2, 6, 3)	0 -1569 43 397 1129	-6610 34499 -5631 -11761 -17107	-211520 9624657 -230699 -2210397 -7183561	-1133615 119349357 25942783 -22081407 -130129869	11 -981 534 38 409
*						
(1)						
661	(2, -4, -3, -1)	0 -41292 18094 3301 19897	-6610 -872113 182802 -106633 795944	234655 252580671 -112750127 -34200516 -105630028	-1480640 -4508805174 3158712094 773708919 259778298	-12 -20046 -13809 13811 20044
(2)						
661	(1, -5, -3, -2)	0 -90987 21724 27721 41542	-6610 -1696783 349137 485552 862094	135505 569435916 -135405137 -176210076 -257820703	1295560 -1739914119 742069654 601219254 272381658	-30 -147680 29245 49632 68802
(3)						
661	(4, 1, 6, 3)	0 10734 -5783 -1532 -3419	-6610 -217774 30456 -25129 212447	-161945 -65465487 35001604 14816367 15647516	1692160 -514122402 742731802 160177002 -580766001	35 21185 -2263 -12032 -6889
*						
(4)						
691	(6, 6, 5, 2)	0 3512 24371 -14416 -13467	-6910 -274472 -526052 667113 133411	-272945 -7872101 -154863378 74130971 88604508	-2480690 116637174 -3468081924 291410576 2858298237	2 -7336 359 -10205 17184
(1)						
691	(6, 1, 0, 4)	0 10793 -36306 32951 -7438	-6910 -53393 -373853 798262 -371016	245305 -73354224 247189323 -208162106 34327007	-1962440 3026248551 -6360795876 3052827504 -32673952	-1 -28190 12159 11780 4250
(2)						

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
691 * (3)	(1, 6, 0, 4)	0 692 436 169 -1297	-6910 -7057 -9032 -5927 22016	-100195 -4671921 -2760153 -1171164 8603238	2010810 -21419096 10873046 20676611 -17270468	29 1233 546 637 -2417
			-6910 -97053 -8959 -1493 14558	-13820 -10779589 5705309 390339 -127671	10734685 310455461 36075207 -46935171 -57723294	14 9229 -3154 -8224 663
			0 2033 -1193 681 -41	-7010 2483742 -394348 -137263 -1952131	38555 3286291 -34091932 -263419491 294225132	9715860 -10222192274 -144707666 1977806454 5399719433
			11838 -9101 49896 -52633	-7010 2483742 -394348 -137263 -1952131	-7010 283905 -5654236 4110167 -2133164 3677233	-2761940 56179169 -48436114 65754166 -76218578
			1117 -824 329 -622	-7010 50533 -37007 4868 -18394	-101645 372240309 33769707 -522465124 116455108	5930460 5752674694 -10941178794 1403380121 357703502
701 (3)	(1, -2, -4, -6)	0 -62128 -17514 84319 -4677	-7010 4513 2538958 -2047307 -496164	-101645 372240309 33769707 -522465124 116455108	5930460 5752674694 -10941178794 1403380121 357703502	47 -117604 11629 332514 -226538
			0 -244 3157 -2397 54	-7010 -6631 43451 3261 -5047	56080 1461832 -21584901 16718957 -245346	2302785 23685307 -123339643 -155068253 33200331
			-7510 18371 -1036 1277 -12878	-334195 2316483 -80549 785064 -3946734	-4235640 26460088 -879812 27727309 -105366196	-107 -107 -177 213 -378
			0 -406 18 -109 571	-7510 18371 -1036 1277 -12878	-334195 2316483 -80549 785064 -3946734	-4235640 26460088 -879812 27727309 -105366196
			-7510 18371 -1036 1277 -12878	-334195 2316483 -80549 785064 -3946734	-4235640 26460088 -879812 27727309 -105366196	-107 -107 -177 213 -378

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
751	(6, 3, 1, 1)	0 46978 -128891 61186 20727	-7510 -877228 2061062 936399678 -595113 -449460251 -588721	-71345 -330402499 936399678 -449460251 -156536928	3049060 2607574296 -5897837676 53352544 2560151523	36 84846 -307783 144542 78394
(2)						
751	(2, 5, -1, 0)	0 79 101 -3759 3197	-7510 80091 3253 -43523 -129671	-15020 -2278787 1052287 20391939 -20043513	11892085 -374609267 -35866029 173750619 468301503	26 5093 -4508 -11823 19670
*						
(3)						
751	(3, 2, -3, 2)	0 53857 26976 -76421 -4412	-7510 169643 2640893 -1962052 -848484	153955 -354012996 -92034393 502226426 -56179037	5189410 7179481929 -9794662524 -1341152904 1147062382	-51 87698 23830 -283131 171603
(4)						
761	(1, 3, 1, -4)	0 9813 14514 -59119 34792	-7610 -140033 182337 -27998 -14306	232105 -82266624 -105264437 450220944 -262689883	-68490 2952212301 2168416094 -13533552446 8230937768	3063 8808 -1650 -10221
(1)						
761	(3, 2, 2, 7)	0 -153 -333 1093 -227	-7610 1553 6561 -15689 3011	-15220 1111809 2451629 -8084613 1704683	4097985 -10093221 -42767773 98591557 -19549103	39 -355 -900 3016 -702
*						
(2)						
761	(0, 1, -2, 5)	0 37728 -22731 27226 -42223	-7610 2617222 -1396878 328777 -1549121	156005 -153908559 77880248 -171003081 247031392	5867310 -6649041144 2003818154 2745529894 767916413	-37 16603 52044 48416 -117065
(3)						
761	(2, 0, -1, -5)	0 -78558 17496 68809 -7747	-7610 -1263847 2783478 -2159497 639866	3805 443566959 -150913783 -472129104 179475928	10889910 3409275414 -14346828464 9899952941 -4422183158	31 -217711 212868 437740 -432897
(4)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
811	(5, 3, -1, 2)	0 54947 39266 -156211 61998	-8110 330553 1436653 -2571102 803896	44605 -412635776 -297800223 1220438786 -510002787	4995760 -930908751 -9066622044 12632686256 -4326444648	-56 121446 128400 -542497 292649
(1)						
811	(3, 4, -2, 1)	0 4897 -351 -3491 -1	-8110 -105937 45092 -136237 30903	-16220 -28105581 2808603 25718231 -4423531	13085485 278564289 -233253096 670364301 -180787879	-25 14634 -3989 -26805 14065
*						
(2)						
811	(6, 5, 2, 3)	0 -176 -391 312 -1459	-8110 -15944 7292 -211 -4033	-239245 2289483 2977338 -2535197 11595276	170310 126115478 40866484 -73189952 384623089	2 -53 -47 88 1149
*						
(3)						
811	(4, 6, 1, 3)	0 -5476 3212 -4227 6491	-8110 385431 -206984 44521 -222968	-198695 24618563 -11767061 29328612 -42180114	5117410 -944166952 252235902 613833267 -104882196	44 -4163 -8505 -6547 19216
*						
(4)						
821	(4, 8, 7, 5)	0 4784 1062 -1677 -4169	-8210 -87789 -52574 14231 126132	-406394 -37682207 -6265401 13556652 30390956	-6682940 -1252357302 -111966238 569793547 776266674	-33 -9400 -916 619 4132
*						
(1)						
821	(8, 1, 4, 3)	0 -37898 140651 -10296 -92457	-8210 173498 -3044692 3133863 -262669	-77995 406036859 -1068782388 11192461 651553068	7930860 -1975658366 8506254266 -19686112574 6656583087	74 -56020 75256 2886 -22122
*						
(2)						
821	(3, -4, 4, 1)	0 -909 -551 771 469	-8210 -56031 -33773 48097 27383	65680 3958757 2446703 -3370731 -2110701	13041585 185457367 112070549 -160961961 -89524399	-2 -18 -25 22 25
*						
(3)						

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
821 (4)	$(1, -3, -7, -2)$	0	-8210	291455	49260	-16
		-37	-129883	-6024084	700387361	-1933
		-25776	-1289503	144678033	-393100026	-6674
		6871	456092	-31723036	-473222546	-1046
		18942	963294	-106930913	98585158	9654
881 (1)	$(6, 1, 0, 2)$	0	-8810	180605	2695860	4
		59153	-495823	-505748724	14946569021	19614
		-123276	582077	1085694843	-27557974446	-201499
		51721	587672	-440021416	4719943114	120110
		12402	-673926	-139924703	6486647818	61775
881 * (2)	$(1, 1, -5, -1)$	0	-8810	70480	14258985	
		1773	-107523	-16250989	652797331	17901
		-4891	-190993	27854083	472213369	-10178
		711	119417	3885369	-557559081	-22605
		2407	179099	-15488463	-823607347	14883
881 (3)	$(6, 6, 5, 4)$	0	-8810	-480145	-9197640	-57
		1658	-63038	-12110549	-342487954	-2836
		-9461	282172	74949288	2306283754	17934
		8256	-214203	-67161151	-2222209606	-18682
		-453	-4931	4322412	249230853	3585
881 * (4)	$(1, 6, 0, 2)$	0	-8810	-39645	8422360	80
		-3384	995089	15235017	-7274870518	4901
		-20422	208194	205652491	-1833341682	-233242
		-32213	-114951	246027548	1022035353	-81215
		56019	-1088332	-466915056	5822656186	309556
911 * (1)	$(7, 5, 4, 5)$	0	-9110	-450945	-7005590	-27
		2101	-92396	-14881378	-306415888	-2294
		-9337	278009	76812196	1920988963	7164
		8452	-176276	-73286587	-2283724582	-13197
		-1216	-9337	11355769	625161316	8328
911 (2)	$(5, 1, -2, 0)$	0	-9110	186755	2241060	-22
		30743	-752798	-256914734	11991816356	-113608
		-115211	-30743	1050325008	-21259315571	-212743
		108006	2075652	-943205161	2099967584	277803
		-23538	-1292111	149794887	4144230168	48549

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
911 (3)	(3, 7, 2, 2)	0	-9110	-132095	7980360	99
		-24747	3535902	125549846	-23054954324	-74218
		-43921	160757	499446328	-546236531	-655089
		-98034	30692	786500469	10554921564	-239898
		166702	-3727351	-1411496643	5840455088	969206
911 * (4)	(1, 3, -4, 1)	0	-9110	50105	17682510	-18
		1	64	-4818	-254768	
		3	199	-14244	-797967	
		-16	-1052	76591	4204766	-5
		-12	-789	56843	3147572	-2
941 (1)	(2, 1, 2, -4)	0	-9410	145855	13183410	-57
		55003	4485847	-256642384	-17009205679	-9490
		-33706	-2255123	133253733	5606149114	139433
		39651	674922	-285030836	2149516094	145700
		-60948	-2905646	408419487	6784319688	-275642
941 * (2)	(1, -1, -1, 5)	0	-9410	357580	-861015	-2
		-11	-289	87063	-2151367	7
		9	577	-61017	-1093221	28
		169	13	-1590289	59718551	-113
		-117	-9	1137853	-40052683	-60
941 * (3)	(0, 2, 1, 6)	0	-9410	-42345	14218510	85
		-39496	-371094	298097203	2670256908	-162950
		2727	1537526	-56571996	-10640300258	108303
		45858	-1278239	-390091263	6010220162	398150
		-9089	111807	148566056	-1934578131	-343503
941 (4)	(1, 0, 2, 6)	0	-9410	51755	4996710	3
		16638	-1049253	-189135329	8833807966	156525
		85984	246902	-796333147	2548924804	303280
		-174039	1999037	1618885944	-27941971401	-562779
		71417	-1196686	-633417468	13939046258	102966
971 * (1)	(1, 5, 2, 6)	0	-9710	-237895	7632060	19
		-5881	-122534	58279078	2219762408	-22979
		9817	-406709	-67121976	-114748073	8456
		2118	164376	-33684793	-1451687308	40423
		-6054	364867	42527691	-1065841836	-25902

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
971	(5, 3, 4, -1)	0 -45457 24609 108436 -87588	-9710 3900392 1617647 -3023488 -2494551	-92245 364229166 -415045932 -766204201 817020967	14477610 -22850441284 -13052993691 3237917794 23743510528	-28 -442679 879435 309677 -746433
(2)						
971	(1, -1, 4, 5)	0 26969 -60793 328 33496	-9710 314116 -1041689 974336 -246763	-43695 -286355342 568158724 -1571983 -280231399	9719710 -4569087052 11396806937 -8155190378 -1126326776	-75 296574 -359405 -29258 92089
*						
(3)						
971	(3, -1, -2, 4)	0 2103 -31 429 -2498	-9710 67722 -3343 10592 -74971	587455 -18242434 99568 -3860241 22003107	-13050240 647799736 4014049 154908144 -807269812	100 -6543 -72 -1786 8402
(4)						
991	(4, -1, 5, -2)	0 -41 49 4 -197	-9910 9671 737 -47 -4249	-19820 448893 -597957 -32524 1843353	12917685 -75858407 -9347681 61331 36132217	-85 -707 943 13 -1553
*						
(1)						
991	(1, 6, 5, -1)	0 -62 154 -209 117	-9910 -2813 5452 -5133 2494	599555 491141 -1332507 1945504 -1104138	-13219940 -14598984 45202584 -77510761 46732668	100 132 -434 862 -559
*						
(2)						
991	(1, -4, -5, -6)	0 -38627 92284 -2289 -51368	-9910 -1716183 -3953333 2142712 3526804	-143695 398565076 -606970957 -156198366 364604247	14280310 15886106951 6816339924 -12120682416 -15681463242	11 -355838 175938 498201 -318300
(3)						
991	(6, 1, 5, 7)	0 86822 -172299 34454 51023	-9910 821348 -1796362 762713 212301	-143695 -860934651 1687161462 -341981699 -484245112	6104560 -20614124076 42143975676 -12099634464 -10333111043	-36 355289 -606015 104653 146073
(4)						

CORPS NON UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = 5^8 m^4$

$m = p_1 p_2$, p_1, p_2 premiers

$p_1 \equiv 1 \pmod{5}$, $p_2 \equiv 1 \pmod{5}$

$m < 1000$

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
341 (11x31)	(1, 1, 5, 4)	0 297 -5274 -9071 14048	-3410 169973 -99837 321338 -391474	-49445 -8477976 19217087 21566076 -32305187	992310 -356616801 484033126 -294679414 70953532	2 5375 -2906 -3958 1489
341 *	(1, -4, 0, -3)	0 -309 153 137 19	-3410 -3061 -411 929 2543	-6810 1016517 -458369 -499497 -58651	1120185 11396217 -1264817 -4491397 -7756739	-5 -213 52 163 -1
341 (3)	(4, -1, 0, 3)	0 -732 219 -74 587	-3410 -12518 2922 -2363 11959	121055 2280951 -705052 183669 -1759568	-1565190 -49652424 17179574 -2790446 35162873	6 300 -118 14 -196
341 (4)	(4, 4, 5, 1)	0 2538 14604 8441 -25583	-3410 72547 45102 -22463 -95186	-49445 -9482049 -50372147 -26928096 86782292	480810 -345844074 -869652976 -402559001 1578680738	-47 5060 1382 -6394
341 (5)	(2, 1, -3, 1)	0 10742 9841 -15636 -4947	-3410 50018 499328 -312897 -236449	52885 -31835591 -17627628 44445671 5017548	941160 455519254 -613559014 -108867974 123626727	-5 3134 1515 -9592 4942
341 (6)	(1, 4, -1, 0)	0 4813 564 -20719 15342	-3410 514217 145217 -259528 -399906	1705 -18141924 14441223 50230564 -46529863	2373360 -1121925559 -380741946 323147254 770609218	3 12023 -21101 -11749 20827
341 *	(5, 2, 1, 1)	0 -5476 14062 -4327 -4259	-3410 50971 -150694 72811 26912	-15345 18556603 -46251691 14022172 13672916	804760 -95745742 273871342 -168137293 -33226766	6 -3835 8122 -2456 -1829

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
341 * (8)	(4, 5, 3, 4)	0	-3410	-109120	-1130415	-329
		-81	2091	225953	2896613	489
		17	-749	-30881	-179203	-328
		-57	541	186297	4508067	2713
		121	-1883	-381369	-7359461	-2875
341 * (9)	(5, 3, 4, 2)	0	-3410	-83545	-184140	148
		601	-20036	-1376868	-4003838	-153
		453	-11141	-1212924	-10571097	3914
		-838	28354	1947553	2571938	-5657
		-216	2823	642239	11125946	1896
341 (10)	(3, -1, -2, 1)	0	-3410	104005	-1002540	273
		2043	8532	-6864004	185257066	-124611
		-5401	-56053	17848348	-376383521	161010
		4446	85562	-13497141	203447754	-49582
		-1088	-38041	2512797	-19925182	13183
341 (11)	(1, 5, 2, 3)	0	-3410	-32395	429660	143
		29077	49988	-99181516	-1115183546	906244
		5321	-188707	-12533388	302809361	-215683
		-8166	-128922	25128901	655400686	340517
		-26232	267641	86586003	-28607778	-1031079
341 * (12)	(1, -1, 4, 2)	0	-3410	-15345	2339260	285
		3891	-133316	-8531628	179651942	204825
		-2617	34329	6087676	-24629067	-134483
		2182	-80586	-2958277	96557358	-128854
		-3456	179573	5402229	-285577154	58513
341 * (13)	(2, 3, 3, -2)	0	-3410	61380	574585	-612
		11	569	-21203	-736613	376
		-1	-103	-2687	67939	406
		17	59	-52457	880513	246
		-13	-211	39517	-248177	-718
341 (14)	(3, 0, 1, 5)	0	-3410	69905	-132990	-147
		-3442	-128453	7547941	63078926	69267
		16204	246502	-51429657	353747824	33964
		-18309	-78783	62157824	-1012983241	-98018
		5547	-39266	-18276108	519094458	-310890

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
341 (15)	$(1, -2, 1, -4)$	0	-3410	1705	2629110	155
		-14733	-230307	33017224	315432959	-773212
		3226	392203	-11705203	-783929554	814742
		7779	-317822	-23096724	558452226	1135828
		3728	155926	1784703	-329734508	-1177358
341 (16)	$(0, 1, 3, 5)$	0	-3410	-32395	685410	701
		-13268	82798	42085059	132675304	-457592
		-13089	276838	40954332	-448460814	-753959
		40094	-490397	-130312559	266150966	2277602
		-13737	130761	47273168	-49955593	-1066050
451 (11x41) (1)	$(4, 0, -2, -3)$	0	-4510	24805	3657610	153
		1207	456048	24782134	-1209619076	-4420801
		15361	-498247	-68468188	1666829091	3607112
		14244	798488	-49578849	-1992522234	2711358
		-30812	-756289	93264903	843790632	-1897669
451 * (2)	$(0, 2, -4, 3)$	0	-4510	69905	703560	115
		-1619	5554	7293762	-138834448	-66399
		27	-539	-137776	3670157	2146
		274	-1352	-1210809	25208816	5253
		554	3353	-2421351	25673716	31320
451 (3)	$(6, 4, 4, 7)$	0	-4510	-178145	-2498540	-1159
		143	-4058	-551634	-9188544	-2039
		2409	-48323	-9894072	-230718231	-140090
		-2914	60832	11873119	271206444	161176
		362	-8451	-1427413	-31560172	-19046
451 (4)	$(2, 6, 2, -1)$	0	-4510	92455	1086910	-543
		11563	455372	-35272354	-301145604	486949
		2509	244787	-215652	-440361651	-426357
		-16664	-600648	49838659	130375174	-213953
		2592	-99511	-14350653	530753808	153360
451 (5)	$(3, 4, 3, 6)$	0	-4510	-133045	-604340	405
		-9523	66333	40574504	1009334329	359204
		-9214	381173	29390287	-102151524	-402779
		16419	-288202	-67686114	-1076422584	358828
		2318	-159304	-2278677	71861772	-315253

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
451 *(6)	(4, 1, 1, -2)	0	-4510	-9020	4661085	373
		2	-47	-2286	58199	-443
		11	-467	-33423	955811	1434
		-1	93	1421	-220989	134
		-31	103	92979	-75799	-3166
451 (7)	(0, 3, -1, -3)	0	-4510	69905	1492810	-1637
		8732	-73552	-56559651	244394754	3833289
		-49779	-829672	206512362	-424187124	-6179176
		11684	838313	-31342019	-2189041584	1059446
		29363	64911	-118610692	1687206397	1286441
451 (8)	(1, 0, -3, 3)	0	-4510	137555	1077890	-6
		-15608	-185057	68140409	-1339532376	224767
		-4184	-130832	14475777	-137018334	73684
		2239	-30987	-10258844	441896051	-419780
		17553	346876	-72357342	981831852	121328
451 *(9)	(3, -2, 0, 3)	0	-4510	171380	-2194115	896
		-73	-2427	249389	-4148141	2260
		-109	-1927	452977	-10888209	6283
		57	1789	-203637	3273003	-1248
		17	194	-73773	2091618	-1511
451 (10)	(2, 2, 5, 5)	0	-4510	-110495	-108240	-2
		-26	11	117003	2828668	198
		14	-8	-63147	-1511656	-66
		-7	31	30912	652607	-26
		-1	-2	4614	115376	3
451 (11)	(3, 5, 5, 0)	0	-4510	2255	1357510	-940
		-22123	-203317	97499724	850710669	-2019673
		-26184	-280327	114719787	1162853856	-2273574
		-14461	-169852	64145326	698171916	-1399746
		62768	653496	-276364837	-2742013058	5692991
451 (12)	(2, -3, 0, -3)	0	-4510	2255	3725260	-987
		-35062	-798928	142046401	2084260956	-7655887
		36929	-390238	-126173502	726776544	3668922
		4766	177027	-53933131	-845521076	7296219
		-6633	1012139	. 38060232	-3165131337	-3309266

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
451 (13)	(4, 6, 1, 0)	0	-4510	-42845	3184060	1154
		-13102	1089912	21168701	-2515444204	701764
		6869	-379958	628258	319590024	-2975520
		-22674	67387	82008009	749395764	-2295449
		28907	-777341	-103804968	819359463	4569205
451 *(14)	(6, 5, 2, 6)	0	-4510	-133045	-717090	-87
		19	-359	-72972	-1389697	-518
		-8	331	26229	-116968	-406
		-121	308	544926	14635876	4624
		88	-224	-404697	-10392658	-1850
451 (15)	(3, 4, -2, 4)	0	-4510	24805	3319360	-1395
		36502	-154837	-132734841	1058670324	3709810
		1746	1102208	15190467	-3426239184	-2056848
		-42491	-896737	168644336	1511575911	-8470638
		4243	-50634	-51099962	-335275928	6817676
451 *(16)	(5, 3, -1, -1)	0	-4510	-9020	1053085	-276
		163	-18883	-214999	65911491	-69879
		-2381	12557	10599993	-32383341	-182435
		422	3219	-1883962	-18418747	30335
		-579	-9713	2343351	42606369	4813
671 (11x61) *(1)	(3, 4, -2, -1)	0	-6710	-13420	10356885	-56
		2007	-75037	-7938651	214843029	239520
		-789	68583	3707137	-246033839	-282984
		-32	-6539	282912	22288207	-39551
		-481	29383	984109	-99704719	179936
671 (2)	(4, 6, 1, 5)	0	-6710	-197945	845460	2588
		-21762	1357417	91119651	-2437162944	-2857482
		5214	-543828	4400683	589171064	-3759829
		-27919	174817	172752384	4575302029	-50226
		44467	-988406	-268272718	-3520178932	6667538
671 (3)	(5, 3, -1, 4)	0	-6710	104005	2959110	-4291
		47727	222623	-291450516	3166681209	4958299
		27276	1452333	-149745463	-5695628684	6588596
		-107171	-1960912	677488686	623847176	-2643399
		32168	285956	-236292707	283478962	14887095

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
671 *(4)	(6, 5, 2, 1)	0	-6710	-164395	241560	13
		2214	-87044	-11160447	61512708	-905
		-8823	174246	55804454	345528452	-9772
		8158	-47399	-54415983	-1024410488	5381
		-1549	-39803	9771976	505891829	5295
671 (5)	(2, -2, -2, 3)	0	-6710	338855	-6300690	40
		-23	-592	138254	-4278656	36
		11	353	-62628	1710311	-13
		144	2868	-909119	30688366	-296
		-132	-2629	833493	-28121628	271
671 (6)	(2, 0, 4, 5)	0	-6710	-63745	3462360	-19
		49477	406498	-341335866	-5939661116	146580
		-99249	-1044917	652785912	12896964291	-199582
		9854	748588	-68962139	-5166451324	6290
		39918	-110169	-242487907	-2823109888	46710
671 *(7)	(4, 2, 4, -1)	0	-6710	-30195	6213460	-25
		-5629	636214	35831242	-3151726948	-3430
		10313	174499	-88922864	-1422169537	101037
		22702	-308836	-121021597	89104768	34408
		-27386	-501877	174113219	3293708056	-101144
671 (8)	(0, 4, 2, 5)	0	-6710	-97295	5576010	4
		-25887	-685908	177293366	5480477536	-85075
		49499	-1672453	-227252492	1050525049	36924
		4596	823892	-87470511	-3745310946	124404
		-28208	1534469	137429637	-4300329892	-76253
671 (9)	(4, 4, 5, 6)	0	-6710	-298595	-4388340	-11
		-1202	-9508	8432151	412915016	4938
		11559	-229978	-72951822	-2000855316	-11748
		-13114	338207	79300279	1868748184	8783
		2757	-98721	-14780608	-304953917	-1977
671 (10)	(4, -1, 0, -2)	0	-6710	36905	9199410	-1
		19347	1291923	-47929276	-3949754791	-4879
		-424	-776267	-19073123	2712377516	3851
		21129	1304068	-88031994	-4168132464	4012
		-40052	-1819724	155034393	4716430582	-2984

m	α	x^4	x^3	x^2	x	1
671	(1, -4, 0, 2)	0 -14458 -15914 21519 8853	-6710 -726937 -513412 1115043 125306	204655 59834749 85269957 -92949784 -52154922	644160 123508384 -840970084 -676763069 1234779972	-15 3073 -13503 9936 493
(11)						
671	(1, 1, 5, -1)	0 -803 -37 583 1171	-6710 1243 -3271 -7559 18157	120780 5399519 103561 -3680563 -7532719	1231285 -105823771 10990423 117575687 26785619	-5 -731 114 -594 1597
*						
(12)						
671	(5, 2, 1, -2)	0 3089 15042 -3357 -14774	-6710 -100569 -577909 726586 -48108	-30195 7856008 -79471221 -1659198 73274411	9232960 -67027377 1607847112 -2843155108 485129364	22 -52078 63975 26952 -38848
*						
(13)						
671	(2, 1, -3, 4)	0 -809 -149 201 963	-6710 -7271 -13177 762 24671	254980 5371397 348657 -1324801 -5792247	-2526315 -158080633 20668721 46783534 99344937	5 675 32 -353 31
*						
(14)						
671	(4, 5, 3, 7)	0 -5748 -10429 9384 6793	-6710 62988 480388 -224867 -318509	-265045 36536459 50070202 -55865169 -30741492	-2475990 1164717014 359445176 -1255183164 -327433703	-2 6824 -2302 -1888 -2633
(15)						
671	(1, 4, -1, -3)	0 5372 -80064 17569 57123	-6710 -445037 -1845812 2253913 36936	104005 -106750041 478178067 -40183804 -331244222	4972110 443044684 531644166 -9145067929 5323682552	-43 183365 -275159 1976 89817
(16)						
781	(3, -3, -3, -1)	0 -9 11 -49 77	-7810 -251 123 -2653 4169	296780 60717 -79723 239049 -405893	-1339415 -1160733 2517481 -1115511 -515397	-12 -3 -9 28 49
(11x71)						
*						
(1)						

m	α	\times^4	\times^3	\times^2	\times	1
781 (2)	(3, 0, 6, 2)	0	-7810	-113245	6333910	679
		122478	-2703253	-877154649	2568141486	5562486
		-79216	-12858	539704013	7820011684	-1538124
		-25039	-127843	280074744	18246519	-3822302
		-18223	2843954	57375892	-15309029502	-202059
781 (3)	(6, 3, 6, 4)	0	-7810	-347545	-4678190	-154
		-21123	596473	148014384	3169606479	76445
		-7574	21123	58556467	2484291446	258047
		5029	-255002	-27183804	-317961774	-34240
		23668	-362594	-179387047	-5476332888	-300252
781 (4)	(0, 6, 3, 2)	0	-7810	121055	2116510	-185
		99192	1661038	-747469071	-547047036	2035621
		18781	-662622	-128461988	6874862666	-732399
		-25226	-1017197	152239611	2921118006	232835
		-92747	18781	723691448	-11355950073	-1536058
781 (5)	(1, -3, -2, -5)	0	-7810	-74195	10902760	145
		763	-952528	27339596	4007800986	-549661
		54559	-2759233	-249090492	7285596159	457119
		-24014	1787922	71125579	-5887556426	746598
		-31308	1923839	150625317	-6383559942	-654055
781 (6)	(3, 1, 4, -2)	0	-7810	42955	7622560	-619
		2333	2784472	29372916	-17332220454	-626916
		40329	330967	-397978452	-3158012721	5137781
		88166	-440798	-583181891	4024036734	1970271
		-130828	-2674641	951787427	10596574058	-6481137
781 *	(3, 1, 4, 6)	0	-7810	-113245	2624160	-55
		-1841	-21224	13718988	363949118	-36331
		1409	8567	-10982292	-228228161	23071
		-238	2374	1806823	10043738	-4986
		-244	-25843	2966481	175829614	-20703
781 (8)	(1, -3, -2, 3)	0	-7810	394405	-6904040	394
		-1837	-85008	10624316	-219892534	16592
		6599	199807	-45458972	1228285119	-81563
		-7854	-152318	58408179	-1964327946	164926
		3092	37519	-23573523	938306058	-99955

m	α	x^4	x^3	x^2	x	
781	(0, 5, 0, -1)	0 31898 -10791 -52864 31757	-7810 1756342 817132 -1933703 -639771	160105 -180751599 143382948 289894519 -252525868	5513860 -4565172954 -5535659946 -132736866 8502125033	-10 95830 -153748 -34776 92694
(9)						
781	(5, 5, 5, 6)	0 -383 -1064 1269 178	-7810 8163 32303 -33172 -7294	-425645 2811124 7332587 -9041124 -1102587	-8544140 103380679 230097546 -303971694 -29841678	-59 1095 2075 -2919 -252
(10)						
781	(0, 0, 5, -1)	0 89368 -37106 -51149 -1113	-7810 -636793 -342838 285747 693884	160105 -691930999 258842703 410943004 22145292	3170860 18955104546 -4851196446 -10234108121 -4874755302	8 146679 -30356 -138129 21806
(11)						
781	(5, 0, 0, -1)	0 -1 7 1 -31	-7810 41 -164 82 -697	62480 12033 -52251 -6621 180159	9125985 -296057 1291472 -405166 447721	21 -18 37 6 -58
*						
(12)						
781	(4, 7, 4, 4)	0 -347 -298 -617 652	-7810 11567 2551 8966 -15406	-308495 2359296 2537649 4528332 -4714623	-2647590 27402481 54126542 126443242 -90886112	12 -310 -497 554 291
*						
(13)						
781	(7, 3, 3, 3)	0 -271 947 -337 -339	-7810 3551 -19339 12501 3287	-171820 2199343 -6969411 2316857 2453211	2409385 11054613 -23667753 -30002033 32598789	54 -1147 2486 -953 -385
*						
(14)						
781	(0, 4, -3, 0)	0 16 43 -78 19	-7810 3294 2074 -2501 -2867	3905 -111113 -112204 358653 -135336	14768710 -13844788 -8642742 8844678 10985631	2 153 -185 -144 176
*						
(15)						

T A B L E I I'

CORPS NON UNITAIRES DE DISCRIMINANT $D_K = 5^8 m^4$

D'INDICE DE θ : $I(\theta) = m_1 \times m_2$

$m < 1000$

Coefficients d_h , ($d_h \theta_{i+h} = g_h(\theta_i)$), dans les cas où m_1 et m_2 ne sont pas premiers entre eux.

m	d_1	d_2	d_3	d_4	p	deux racines doubles	une racine d'ordre 4
m premier							
11 (2)	129	129	129	129	3	*	
11 (3)	152	304	608	608	2		*
31 (1)	8768	4384	8768	1096	2		*
31 (3)	891	891	2673	2673	3		*
41 (2)	8432	8432	8432	8432	2		*
61 (1)	837	2511	2511	279	3		*
61 (3)	656	2624	2624	656	2		*
71 (3)	29349	29349	29349	29349	3	*	
71 (4)	15184	30368	7592	30368	2		*
101 (3)	2944	5888	23552	23552	2		*
101 (4)	1571301	1571301	1571301	1571301	3	*	
131 (3)	19584	9792	19584	4896	2	*	
151 (2)	17091	17091	51273	51273	3		*
181 (2)	17171	17171	17171	17171	7	*	
181 (3)	225099	25011	75033	225099	3		*
181 (4)	617344	617344	617344	617344	2		*
191 (1)	26931801	26931801	26931801	26931801	3	*	
191 (2)	5048	10096	20192	20192	2		*
211 (2)	127161	1144449	1144449	381483	3		*
211 (3)	104624	209248	52312	209248	2		*
241 (1)	86103	86103	86103	86103	3		*

201	94302431	94302431	94302431	94302431	*
(2)					
281	5528912	5528912	5528912	5528912	2
(4)					*
311	694176	694176	347088	173544	2
(2)					*
331	42633	127899	127899	14211	3
(3)					*
331	649312	2597248	1298624	2597248	2
(4)					*
401	126464	15808	7904	126464	2
(2)					*
401	96560991	96560991	96560991	96560991	3
(4)					*
421	209792	52448	52448	209792	2
(1)					*
421	173259	57753	57753	173259	3
(3)					*
461	1350016	1350016	1350016	1350016	2
(1)					*
461	62757	62757	62757	62757	3
(2)					*
491	72512	72512	9064	36256	2
(4)					*
521	853248	426624	426624	853248	2
(1)					*
541	2616832	1308416	2616832	1308416	2
(1)					*
541	262197	29133	262197	87399	3
(3)					*
571	1604097	4812291	4812291	1604097	3
(3)					*
601	1239408	3718224	3718224	413136	2
(2)					*
631	218376	436752	2620512	2620512	2
(2)					*

m	d ₁	d ₂	d ₃	d ₄	p	deux racines doubles	une racine d'ordre 4
641 (1)	9099	9099	9099	9099	3	*	
661 (1)	6919136	6919136	6919136	6919136	2		*
661 (4)	191979599	191979599	191979599	191979599	7	*	
691 (3)	7139907	7139907	7139907	7139907	3		*
691 (4)	126115648	63057824	126115648	15764456	2		*
701 (2)	2721357	2721357	2721357	2721357	3	*	
701 (4)	12716336	50865344	50865344	12716336	2		*
751 (1)	3642489	404721	1214163	3642489	3		*
751 (3)	125315264	62657632	250630528	250630528	2		*
761 (2)	1730432	3460864	3460864	1730432	2		*
811 (2)	345659552	86414888	345659552	172829776	2		*
811 (3)	25371549	8457183	2819061	25371549	3		*
811 (4)	182979979	182979979	182979979	182979979	7	*	
821 (1)	18263319	18263319	18263319	18263319	3	*	
821 (3)	1849856	924928	924928	1849856	2		*
881 (2)	256155728	256155728	256155728	256155728	2		*
881 (4)	2263520661	2263520661	2263520661	2263520661	3	*	
911 (1)	43990191	43990191	43990191	43990191	3	*	
911 (4)	16807	16807	2401	2401	7		*
941 (2)	239744	479488	1917952	1971952	2		*
941 (3)	3894401319	3894401319	3894401319	3894401319	3	*	
971 (1)	412514809	412514809	412514809	412514809	7	*	

$m = p_1 \times p_2$						
341 (2)	2116736	2116736	2116736	2116736	2116736	*
341 (7)	23238459	23238459	23238459	23238459	23238459	*
341 (8)	133984	133984	133984	133984	133984	*
341 (9)	877051	877051	877051	877051	877051	*
341 (12)	33996921	33996921	33996921	33996921	33996921	*
341 (13)	216576	108288	216576	108288	216576	*
451 (2)	4502871	500319	1500957	4502871	4502871	*
451 (6)	90072	240192	40032	720576	720576	*
451 (9)	123872	123872	61936	30968	30968	*
451 (10)	15309	5103	15309	1701	1701	*
451 (14)	92259	92259	276777	276777	276777	*
451 (16)	28609088	28609088	3576136	14304544	14304544	*
671 (1)	52294592	52294592	6536024	26147296	26147296	*
671 (4)	111477499	111477499	111477499	111477499	111477499	*
671 (7)	1191083661	1191083661	1191083661	1191083661	1191083661	*
671 (12)	11662272	5831136	23324544	23324544	23324544	*
671 (13)	817206009	817206009	817206009	817206009	817206009	*

(12)

(13)

(14)

(15)

(16)

(17)

(18)

(19)

(20)

(21)

(22)

(23)

3293703
9881109
9881109
3293703
3

10016384
10016384
10016384
2

2657221
2657221
2657221
7

*

*

*

*

*

*

*

*

*